

**الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادلة 2019
الموضوع -**

+٢٠١٣٦٨٤٩٥٧٩
+٢٠١٣٦٨٤٩٥٧٩٨
+٢٠١٣٦٨٤٩٥٧٩٩
+٢٠١٣٦٨٤٩٥٧٩٧



المبادرة الخيرية
وزارع التربية الوجهية
والتكوين المعنوي
والتعلم المالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

* * * * *

NS22

3	مدة الانجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها	الشعبة أو المسلك

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة .

مكونات الموضوع

يتكون الموضوع من ثلاثة تمارين و مسألة، مستقلة فيما بينها، و تتوزع حسب المجالات كما يلي:

3 نقط	الهندسة الفضائية	التمرين الأول
3 نقط	الأعداد العقدية	التمرين الثاني
3 نقط	حساب الاحتمالات	التمرين الثالث
11 نقطة	دراسة دالة عددية و حساب التكامل و المتتاليات العددية	المسألة

In يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري .

التمرين الأول (3 نقط) :

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، نعتبر النقط $A(1, -1, -1)$ و $B(0, -2, 1)$ و $C(1, -2, 0)$

$$(1) \text{ أ) بين أن } \overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k} \quad 0.75$$

ب) استنتج أن $x + y + z + 1 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) 0.5

$$(2) \text{ لتكن } (S) \text{ الفلكة التي معادلتها } x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 2y - 2z + 1 = 0 \quad 0.75$$

بين أن مركز الفلكة (S) هو النقطة $(2, -1, 1)$ و أن شعاعها هو $R = \sqrt{5}$ 0.5

$$(3) \text{ أحسب } d(\Omega, (ABC)) \text{ مسافة النقطة } \Omega \text{ عن المستوى } (ABC) \quad 0.5$$

ب) استنتاج أن المستوى (ABC) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (Γ) (تحديد مركز وشعاع (Γ) غير مطلوب) 0.5

التمرين الثاني (3 نقط) :

$$(1) \text{ حل في مجموعة الأعداد العقدية } \mathbb{C} \text{ المعادلة: } z^2 - 2z + 4 = 0 \quad 0.75$$

(2) في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر (O, \vec{u}, \vec{v}) ، نعتبر النقط A و B و C و D التي أحاقها

$$d = -2 + 2\sqrt{3} \quad c = \sqrt{3} + i \quad b = 2 + 2i \quad a = 1 - i\sqrt{3} \quad 0.5$$

$$\text{أ) تحقق أن } a - d = -\sqrt{3}(c - d) \quad 0.5$$

ب) استنتاج أن النقط A و C و D مستقيمية. 0.25

(3) ليكن z لحق نقطة M و z' لحق النقطة M' صورة النقطة M بالدوران R الذي مركزه O و زاويته $\frac{-\pi}{3}$

$$\text{تحقق أن } z' = \frac{1}{2}az \quad 0.5$$

(4) لتكن H صورة النقطة B بالدوران R ، و h لحقها ، و P النقطة التي لحقها p حيث $p = a - c$ حيث 0.4

$$\text{أ) تتحقق أن } h = ip \quad 0.5$$

ب) بين أن المثلث OHP قائم الزاوية و متساوي الساقين في O 0.5

التمرين الثالث (3 نقط) :

يحتوي صندوق على عشر كرات : ثلاثة كرات خضراء و ست كرات حمراء و كرة واحدة سوداء لا يمكن التمييز بينها باللمس .

نسحب عشوائيا و تأتيا ثلاثة كرات من الصندوق .

نعتبر الأحداث التالية : A : " الحصول على ثلاثة كرات خضراء "

و B : " الحصول على ثلاثة كرات من نفس اللون "

و C : " الحصول على كرتين على الأقل من نفس اللون "

$$(1) \text{ بين أن: } p(B) = \frac{7}{40} \quad p(A) = \frac{1}{120} \quad 2$$

$$(2) \text{ أحسب } p(C) \quad 1$$

المشارة (11 نقطة) :
الجزء الأول :

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $[0, +\infty]$ بما يلي :

و (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (O, \vec{i}, \vec{j}) (الوحدة 1cm)

(1) احسب $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x)$ ثم أول النتيجة هندسيا

(2) أ) تحقق أن لكل x من المجال $]0, +\infty[$

ب) استنتج أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

ج) بين لكل x من المجال $]0, +\infty[$ ثم $\frac{(\ln x)^2}{x} = 4 \left(\frac{\ln \sqrt{x}}{\sqrt{x}} \right)^2$

د) بين أن المنحنى (C) يقبل فرعاً شلجمياً بجوار $+ \infty$ اتجاهه المقارب المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x$

(3) أ) بين أن لكل x من $[1, +\infty]$ وأن لكل x من $[0, 1]$

ب) بين أن لكل x من $]0, +\infty[$

ج) ضع جدول تغيرات الدالة f

(4) أ) بين أن $f''(x) = \frac{2 - \ln x}{x^2}$ لكل x من $]0, +\infty[$

ب) استنتاج أن المنحنى (C) يقبل نقطة انعطاف يتم تحديده زوج احداثياتها

(5) أ) بين أن لكل x من $]0, +\infty[$ ، $f(x) - x = \frac{1}{2}(\ln x - 1)^2$ و استنتاج الوضع النسبي للمنحنى (C) والمستقيم (Δ)

ب) أنشئ (Δ) و (C) في نفس المعلم (O, \vec{i}, \vec{j})

(6) أ) بين أن الدالة $H: x \mapsto x \ln x - x$ هي دالة أصلية للدالة $h: x \mapsto \ln x$ على المجال $]0, +\infty[$

ب) باستعمال متكاملة بالأجزاء بين أن $\int_1^e (\ln x)^2 dx = e - 2$

ج) احسب بـ cm^2 مساحة حيز المستوى المحصور بين (C) و (Δ) والمستقيمين اللذين معادلاتها $x = 1$ و $x = e$

الجزء الثاني :

لتكن (u_n) المتالية العددية المعرفة كما يلي : $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = f(u_n)$ لكل n من IN

(1) أ) بين بالترجع أن لكل n من IN $1 \leq u_n \leq e$

ب) بين أن المتالية (u_n) تزايدية

ج) استنتاج أن المتالية (u_n) متقاربة

(2) احسب نهاية المتالية (u_n)

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2019
- عناصر الإجابة -

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني
والتعليم العالي والبحث العلمي



السلطة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني
والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

NR22

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها	الشعبة أو المسار

- تؤخذ بعين الاعتبار مختلف مراحل الحل وتقبل كل طريقة صحيحة تؤدي إلى الحل -

التمرين الأول (3 نقط)

0.75	أ	(1)
0.5	ب	
0.5 : 0.25	للمراكز و 0.75 للشعاع	(2)
0.5	أ	(3)
0.5	ب	

التمرين الثاني (3 نقط)

0.25 : 0.75	لكل حل	(1)
0.5	أ	(2)
0.25	ب	
0.5		(3)
0.5	أ	(4)
0.25 : 0.5	ب	

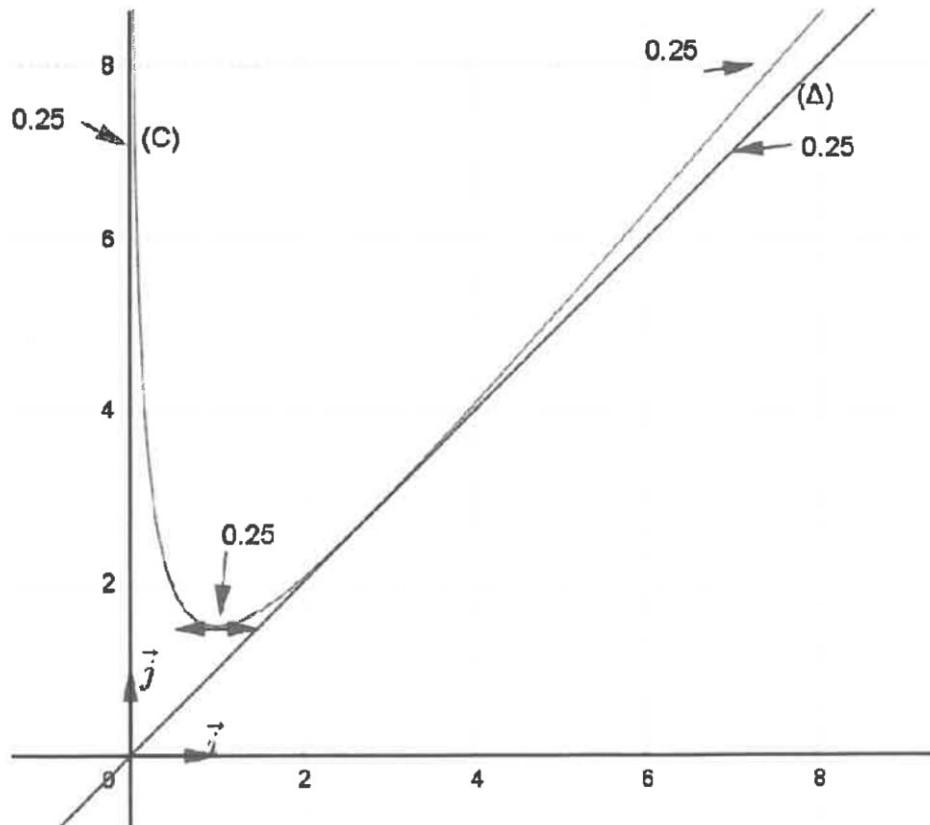
التمرين الثالث (3 نقط)

$p(B) = \frac{7}{40}$	$p(A) = \frac{1}{120}$	1 : 2 (1)
$p(C) = \frac{17}{20}$	1	2 (2)

المشكلة (11 نقطة)

0.25 : 0.5 لحساب النهاية و 0.25 للتaylor	(1)
0.25	أ
0.5	ب
0.25 : 0.5 للمتساوية و 0.25 للاستنتاج	(2)
$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ 0.25 : 0.75 و 0.25 لاتجاه المقارب	د
0.25 : 0.5 لكل متقارنة	أ
1	ب
0.5	ج
0.5	أ
0.5	ب
0.25 : 0.5 للمتساوية و 0.25 للاستنتاج	(5)

1 : توزع وفق ما هو مبين في الشكل أسفله



الجزء
الأول

0.5	أ		
0.25 : 0.75	ب	(6)	
0.25 : 0.5	ج		
0.5	أ		
0.5	ب	(1)	
0.5	ج		
0.5 : 0.75		(2)	

الجزء
الثاني