

- تمرين** في فضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ ، نعتبر  $S_1$  الفلكة التي معادلتها  $x^2+y^2+z^2-4x+2y-2z-3=0$  و  $S_2$  الفلكة التي مركزها  $\Omega_2$  و شعاعها 2، و  $(P)$  المستوى الذي معادلته  $x-2y+z+1=0$  و  $(P')$  المستوى الذي معادلته  $2x-y-2z-1=0$ .
- 1- تأكد أن  $(P)$  و  $S_1$  يتقاطعان وفق دائرة محددًا عناصرها المميزة.
  - 2- أدرس تقاطع  $(P')$  و  $S_2$ .
  - 3- حدد معادلة المستوى المماس للفلكة  $S_1$  عند النقطة  $A(1;1;3)$

**إجابة**

$$S_1 : (x-2)^2+(y+1)^2+(z-1)^2=9 \quad \text{اذن } S_1 = S(\Omega_1;3) \text{ حيث } \Omega_1(2;-1;1)$$

$$d(\Omega_1;(P)) = \frac{|2+2+1+1|}{\sqrt{1+4+1}} = \sqrt{6} < 3$$

$(P)$  و  $S_1$  يتقاطعان وفق دائرة مركزها  $B$  مسقط العمودي لـ  $\Omega_1$  على  $(P)$  و شعاعها  $\sqrt{9-6}=\sqrt{3}$   
 $B$  هو تقاطع المستوى  $(P)$  و المستقيم  $(D)$  المار من  $\Omega_1$  و العمودي على  $(P)$   
لدينا  $\vec{n}(1;-2;1)$  منظمية على  $(P)$  و منه موجهة لـ  $(D)$  و بالتالي التمثيل البارامترى لـ  $(D)$  هو

$$\begin{cases} x = 2+t \\ y = -1-2t \\ z = 1+t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$

$$B \in (P) \cap (D) \Leftrightarrow \begin{cases} x-2y+z+1=0 \\ x=2+t \\ y=-1-2t \\ z=1+t \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t=-1 \\ x=1 \\ y=1 \\ z=0 \end{cases}$$

اذن تقاطع  $(P)$  و  $S_1$  هو الدائرة  $C(B;\sqrt{3})$  حيث  $B(1;1;0)$

2- لدينا  $d(\Omega_2;(P'))=2$  و منه تقاطع  $S_2$  و  $(P')$  هو النقطة  $C$  بتابع نفس الخطوات السابقة نحدد النقطة  $C$

$$3- \text{ لدينا } A \in S_1 \text{ ليكن } (P'') \text{ مماس لـ } S_1 \text{ عند } A$$

$$M(x;y;z) \in (P'') \Leftrightarrow \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{\Omega_1 A} = 0 \Leftrightarrow \dots$$

**تمرين 1**

- في فضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
- نعتبر  $A(1;0;1)$  و  $B(0;0;1)$  و  $C(0;-1;1)$  و المستقيم  $(D)$  المار من  $C$  و الموجه بـ  $\vec{u}(-1;2;1)$
- 1- بين أن مجموعة النقط  $M$  حيث  $MA=MB=MC$  مستقيم و حدد تمثيلاً بارامترياً له
  - 2- حدد معادلة ديكارتية للمستوى  $(P)$  العمودي على  $(D)$  في  $C$
  - 3- استنتج معادلة ديكارتية للفلكة  $S$  المارة من  $A$  و  $B$  و المماس لـ  $(D)$  في  $C$

**تمرين 2**

في فضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  نعتبر  $A(0;3;-5)$  و  $B(0;7;-3)$  و  $C(1;5;-3)$

- 1- أعط معادلة ديكارتية للمستوى  $(ABC)$
- 2- أعط معادلة ديكارتية للمستوى  $(Q)$  المار من  $A$  حيث  $\vec{u}(-1;2;1)$  منظمية عليه
- 3- ليكن  $(P)$  المستوى المحدد بالمعادلة  $x+y+z=0$ 
  - أ- تأكد أن  $(P)$  و  $(ABC)$  يتقاطعان وفق مستقيم  $(D)$
  - ب- حدد تمثيلاً بارامترياً لـ  $(D)$
- 4- نعتبر في الفضاء الدائرة  $(C)$  التي المحددة بـ  $\begin{cases} x^2+z^2+10z+9=0 \\ y=0 \end{cases}$ 
  - أ- حدد معادلة للفلكة  $S$  التي تتضمن الدائرة  $(C)$  و ينتمي مركزها إلى  $(ABC)$
  - ب- حدد تقاطع  $S$  و  $(AC)$

في فضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر نعتبر  $A(1;-1;1)$  و  $B(3;1;-1)$  و (P) المستوى ذا

$$\begin{cases} x = 3t \\ x = -2 - 3t \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + 4t \end{cases}$$

المعادلة  $2x-3y+2z=0$  (D) المستقيم الممثل بارامتريا بـ

- 1- حدد معادلة ديكارتية للمستوى (Q) المار من A و B والعمودي على المستقيم (D)
- 2- حدد معادلة ديكارتية للمستوى (Q') المار من A و B والعمودي على المستوى (P)
- 3- أحسب  $d(A;(P))$  و  $d(A;(D))$
- 4- حدد معادلة ديكارتية للمستوى (Q'') المار من B و الموازي للمستوى (P)

## تمرين 4

في فضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم نعتبر المستوى (P) ذا المعادلة  $3x+2y-z-5=0$

$$\begin{cases} x-2y+z-3=0 \\ x-y-z+2=0 \end{cases}$$

و (D) المستقيم المعرف بـ

- 1- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D)
- 2- حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P') الذي يتضمن (D) و العمودي على (P).

## تمرين 5

في فضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم نعتبر المستوى (P) ذا المعادلة  $x+y+z+1=0$

و المستوى (Q) ذا المعادلة  $2x-2y-5=0$

و (S) مجموعة النقط  $M(x;y;z)$  التي تحقق  $x^2+y^2+z^2-2x+4y+6z+11=0$

- 1- بين أن (S) فلكة محدد مركزها و شعاعها
- 2- تأكد أن (P) مماس للفلكة و حدد تقاطعها
- 3- حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D) المار من  $A(0;1;2)$  و العمودي على (P)
- 4- تحقق أن  $(P) \perp (Q)$  و أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D') تقاطع (P) و (Q)

## تمرين 6

في فضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم نعتبر النقطة  $A(-2;3;4)$  المستوى (P) ذا المعادلة  $x+2y-2z+15=0$  (S) مجموعة النقط  $M(x;y;z)$  التي تحقق

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2x - 8 = 0 \\ z = 0 \end{cases}$$

و (C) الدائرة التي معادلتها

- 1- بين أن (S) فلكة محدد عناصرها المميزة
- 2- بين أن (P) و (S) يتقاطعان وفق دائرة كبرى (C') و حدها
- 3- حدد معادلتين المستويين المماسين للفلكة (S) و الموازيين لـ (P)
- 4- أكتب معادلة الفلكة (S') المار من A المتضمن للدائرة (C)