

**تمرين 1 :** احسب التكاملات التالية:

$$\int_1^2 \frac{x^2}{1+x} dx$$

$$\int_1^2 \frac{1+x}{x^2} dx$$

$$\int_0^{\ln(2)} e^{2x} + \frac{1}{e^{3x}} + \sqrt{e^x} dx$$

$$\int_0^1 x \sqrt{x} dx$$

$$\int_1^e \frac{\ln(x)}{x} dx$$

$$\int_2^3 \frac{2}{x^2 - 1} dx$$

$$\int_0^{\frac{f}{4}} \tan^2 x dx$$

$$\int_0^{\frac{f}{4}} \tan x dx$$

$$\int_0^{\frac{f}{2}} \sin^5(x) dx$$

$$\int_e^{e^2} \frac{1}{x \ln(x)} dx$$

$$\int_0^{\ln(2)} \frac{1}{e^x + 1} dx$$

$$\int_0^2 \frac{1}{|x-1|+1} dx$$

$$\int_1^2 \frac{1}{\sqrt{x}(x+1)} dx$$

$$\int_0^1 \frac{\arctan x}{x^2 + 1} dx$$

$$\int_2^3 \frac{1}{x^4 - 1} dx$$

$$\int_0^1 \frac{x^3}{x^2 + 1} dx$$

**تمرين 2 :** مستعملاً تغيير المضارب إليه احسب التكاملات التالية:

$$(t = 1-x) \quad \int_0^1 x(1-x)^{2015} dx$$

$$(t = x+2) \quad \int_0^1 \frac{x}{\sqrt{x+2}} dx$$

$$(t = \sqrt{e^x + 1}) \quad \int_0^1 \frac{e^{2x}}{\sqrt{e^x + 1}} dx$$

$$\left(t = \frac{2x+1}{\sqrt{3}}\right) \quad \int_0^1 \frac{1}{x^2 + x + 1} dx$$

$$(x = \sin t) \quad \int_0^1 \sqrt{1-x^2} dx$$

$$\left(t = \sqrt{\sqrt{x} + 1}\right) \quad \int_0^1 \sqrt{\sqrt{x} + 1} dx$$

**تمرين 3 :** مستعملاً متكاملة بالأجزاء احسب ما يلي:

$$\int_0^{\frac{f}{2}} x \cos(x) dx$$

$$\int_1^2 \ln(x) dx$$

$$\int_0^1 (3+2x)e^x dx$$

$$\int_1^2 x \arctan x dx$$

$$\int_1^e \frac{\ln(x)}{x^2} dx$$

$$\int_1^2 x \ln(x) dx$$

$$\int_0^1 \frac{x+1}{e^x} dx$$

$$\int_1^e (\ln x)^2 dx$$

$$\int_0^{\frac{f}{2}} \sin x e^x dx$$

**تمرين 4 :**

$$\forall x \in IR_{-\{-1,3\}} \quad \frac{-3x^2 + 7x + 2}{x^2 - 2x - 3} = a + \frac{b}{x+1} + \frac{c}{x-3} \quad 1) \text{ حدد الأعداد الحقيقية } a \text{ و } b \text{ و } c \text{ حيث :}$$

$$I = \int_0^{2-3x^2+7x+2} \frac{dx}{x^2 - 2x - 3} \quad 2) \text{ احسب التكامل}$$

**تمرين 5 :**

$$\forall x \in IR \quad \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1} = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} : 1)$$

$$I = \int_0^1 \frac{e^{2t} - 1}{e^{2t} + 1} dt \quad 2) \text{ احسب التكامل :}$$