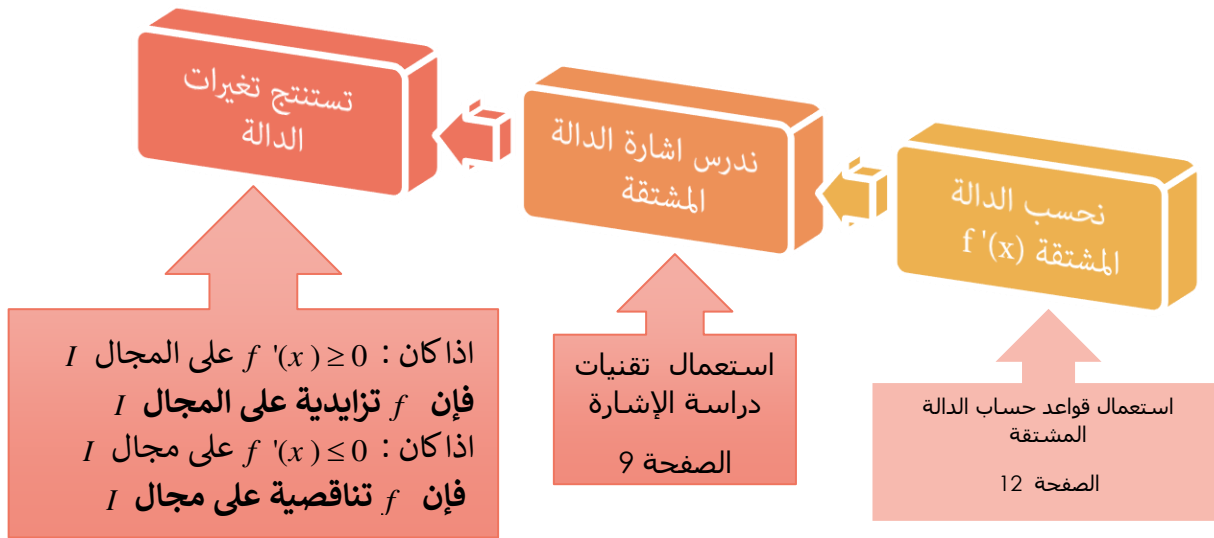
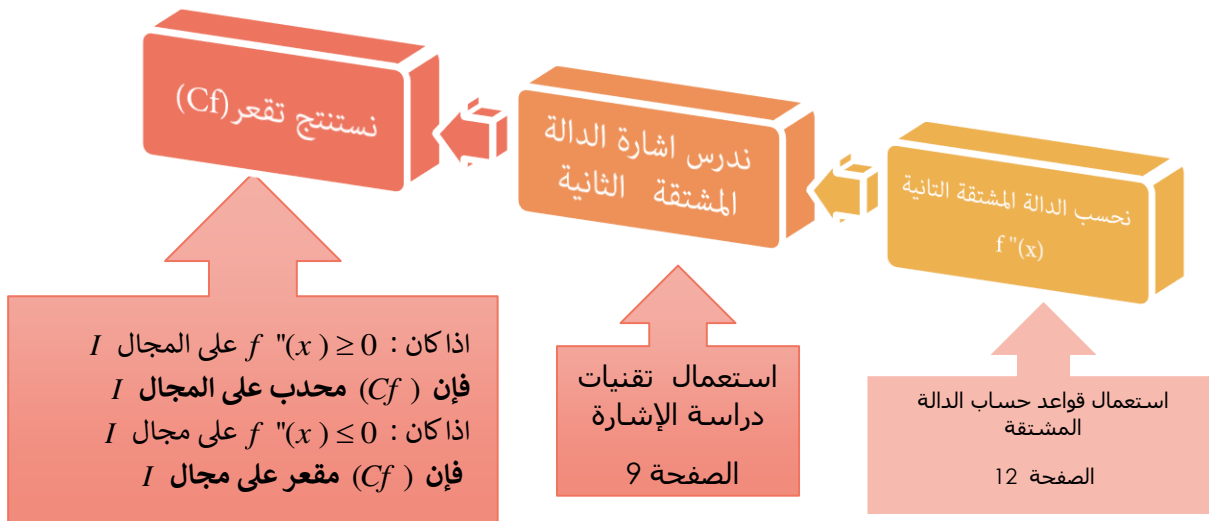


|   |                                      |                         |
|---|--------------------------------------|-------------------------|
| 1. ضروري لدراسة الدالة جيدا معرفة تغيراتها و معلومات عن منحناها | أ. النهايات والاتصال                 | المجزوءة :              |
| 2. اتبع الخطوات اسفله حساب دراسة إشارة استنتاج                  | ب. حساب النهايات و الفروع اللانهائية | A. دراسة الدوال العددية |
|   | ج. دراسة الإشارة                     | B. المتتاليات العددية   |
|   | د. الاشتقاق                          | C. حساب التكامل         |
|   | هـ. تغيرات -تقعر وضع نسبي            | D. الأعداد العقدية      |
|   | و. نقط هامة                          |                         |
|   | ز. ملخص لقواعد $\ln x$ و $e^*$       |                         |

1. تغيرات الدالة  $f$ 2. تقعر  $(C_f)$  منحنى الدالة  $f$ 3. الوضع النسبي لمنحنى  $(C_f)$  و مستقيم.

- ✓ إذا كان :  $f(x) - y \geq 0$  على المجال  $I$  فإن  $(C_f)$  فوق  $(D)$  على المجال  $I$
- ✓ إذا كان :  $f(x) - y \leq 0$  على المجال  $I$  فإن  $(C_f)$  تحت  $(D)$  على المجال  $I$

|                                   |                                      |                         |
|-----------------------------------|--------------------------------------|-------------------------|
| 1. نقط انعطاف                     | أ. النهايات والاتصال                 | المجزوءة :              |
| 2. نقط تقاطع منحنى و مستقيم       | ب. حساب النهايات و الفروع اللانهائية | A. دراسة الدوال العددية |
| 3. نقط تقاطع منحنى و محوري المعلم | ج. دراسة الإشارة                     | B. المتتاليات العددية   |
|                                   | د. الاشتقاق                          | C. حساب التكامل         |
|                                   | هـ. تغيرات -تقعر-وضع نسبي            | D. الأعداد العقدية      |
|                                   | و. نقط هامة                          |                         |
|                                   | ز. ملخص لقواعد $\ln x$ و $e^*$       |                         |

### 1. نقطة انعطاف ( $C_f$ )

الحالة الأولى

يمكن تحديد نقطة انعطاف منحنى دالة  $f$  مباشرة وذلك بحل المعادلة  $f''(x) = 0$

أستاذ؟ شنو السؤال اللي اخليني ندير هاد الطريقة؟

سمع : إذا طلب منك تحديدها مباشرة بعد حساب المشتقة الثانية بدون دراسة تقعر المنحنى.

الحالة الثانية

يمكن تحديد نقطة انعطاف منحنى دالة  $f$  كاستنتاج من جدول تقعر منحنى الدالة  $f$  عندما تنعدم المشتقة الثانية في عدد  $x_0$  وتغير اشارتها.

الحالة الثالثة

يمكن تحديد نقطة انعطاف منحنى دالة  $f$  كاستنتاج من جدول تغيرات الدالة  $f$  عندما تنعدم المشتقة الأولى في عدد  $x_0$  ولا تغير اشارتها.

### 2. نقطة تقاطع ( $C_f$ ) و مستقيم معادلته $y = ax + b$

الحالة الأولى

يمكن تحديد نقطة تقاطع منحنى دالة  $f$  و مستقيم مباشرة وذلك بحل المعادلة  $f(x) - y = 0$  حط الستيلو , سمع : قبل حل المعادلة يجب تعويض  $y$  بقيمتها أولا ... و البحث في الأسئلة السابقة ... راك فاهم

الحالة الثانية

يمكن تحديد نقطة تقاطع منحنى دالة  $f$  كاستنتاج من جدول الوضع النسبي لمنحنى الدالة  $f$  و المستقيم عندما تنعدم  $f(x) - y$  في عدد  $x_0$ .

### 3. نقطة تقاطع ( $C_f$ ) و محوري المعلم

التقاطع مع محور الأفاصيل

محور الأفاصيل هو عبارة عن مستقيم أفقي معادلته  $y = 0$

← إذن لتحديد التقاطع نستعمل العلاقة رقم 2 بتعويض  $y$  ب 0 ونحل المعادلة  $f(x) = 0$

التقاطع مع محور الأرائيب

محور الأرائيب هو عبارة عن مستقيم عمودي معادلته  $x = 0$

← إذن لتحديد التقاطع نستعمل العلاقة رقم 2 بتعويض  $x$  ب 0 ونحسب صورة  $f(0)$