

## السقوط الرأسى لجسم صلب

Le chute verticale d'un solide

### الدرس الحادي عشر

#### I. السقوط الرأسى الحر .Chute libre

##### 1. تعريف:

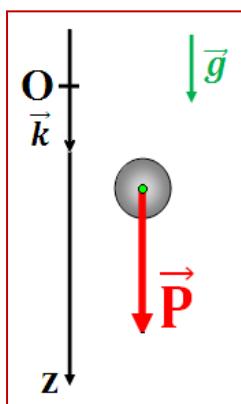
♦ شكل الجسم انسابي:

♦ الكتلة الحجمية للجسم كبيرة مقارنة مع الكتلة الحجمية للهواء:

♦ ارتفاعات السقوط صغيرة:

##### 2. دراسة السقوط الحر الرأسى:

ندرس السقوط الرأسى الحر لجسم صلب (S) كتلته  $m$ ، في معلم الفضاء  $(\vec{R}(O; \vec{k}))$  مرتبط بالأرض و الذي نعتبره غاليليا.



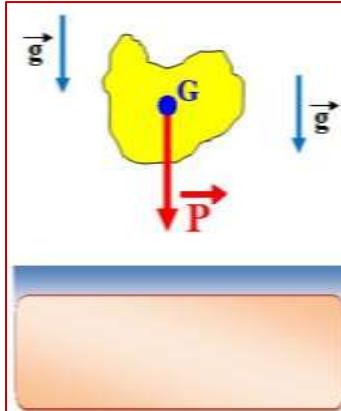
#### ملاحظة:

- أثناء السقوط الرأسى الحر لجسم صلب ، تكون  $\vec{g} = \vec{a}_G$  أي أن متجهة التسارع لمركز قصور الجسم لا تتعلق بالكتلة  $m$  للجسم الصلب. (تجربة أنبوب نيوتن)
- أثناء السقوط الرأسى الحر لجسم صلب في مجال الثقالة المنتظم ، يكون مركز قصوره في حركة مستقيمية متغيرة بانتظام لأن مسارها مستقيم و تسارها ثابت  $a_G = +g = \text{cte} \neq 0$

## II. السقوط الرأسي لجسم صلب في مائع.

### 1. مجال الثقالة و وزن الجسم:

#### أ. تعریف:



- ♦ متوجهة مجال الثقالة في مكان محدد هي خارج قسمة وزن الجسم  $\vec{P}$  الموجود في هذا المكان على الكتلة  $m$  لهذا الجسم بحيث:  $\vec{g} = \frac{\vec{P}}{m}$ .
- ♦ تتعلق شدة مجال الثقالة  $g$  بالارتفاع عن سطح الأرض وبخط العرض (المكان).
- ♦ إذن من العلاقة السابقة نستنتج أن أي جسم ذو كتلة في مكان محدد خاضع إلى قوة وزنه المعرفة بالعلاقة المتوجهية التالية:

#### ب. مميزات قوة وزن الجسم:

##### حيث:

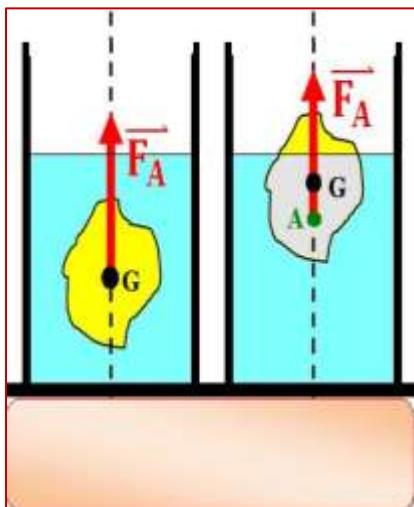
- $m$ : كتلة الجسم بـ (kg).
- $g$ : شدة مجال الثقالة بـ (N/kg).
- $\rho$ : الكتلة الحجمية للجسم الصلب بـ (kg/m<sup>3</sup>).
- $V$ : حجم الجسم بـ (m<sup>3</sup>)

من خلال العلاقة المتوجهية السابقة نستنتج أن  $- \vec{P}$  نفس مميزات متوجهة مجال الثقالة  $\vec{g}$  بحيث:

- ♦ نقطة التأثير:
- ♦ خط التأثير:
- ♦ المنحي:
- ♦ الشدة:

### 2. دافعة أرخميدس:

#### أ. تعریف:



#### ب. مميزات قوة وزن الجسم:

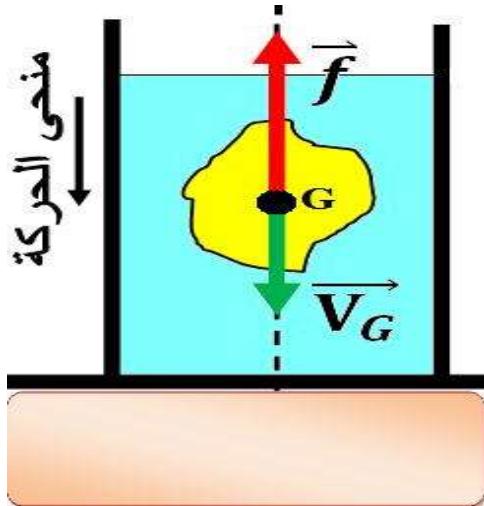
- ♦ نقطة التأثير:
- ♦ خط التأثير:
- ♦ المنحي:
- ♦ الشدة:

##### حيث:

- $m_f$ : كتلة المائع المزاح بـ (kg).
- $g$ : شدة مجال الثقالة بـ (N/kg).
- $\rho_f$ : الكتلة الحجمية للمائع بـ (kg/m<sup>3</sup>).
- $V_f$ : حجم المائع المزاح بـ (m<sup>3</sup>)

### 3. قوة الاحتكاك المائي:

#### A. تعريف:



#### B. مميزات قوة وزن الجسم:

- نقطه التأثير: ◆
- خط التأثير: ◆
- المنحى: ◆
- الشدة: ◆

#### حيث:

$k$ : ثابتة تتعلق بطبيعة المائع و شكل الجسم.

$v_G$ : سرعة مركز قصور الجسم بـ (m/s)

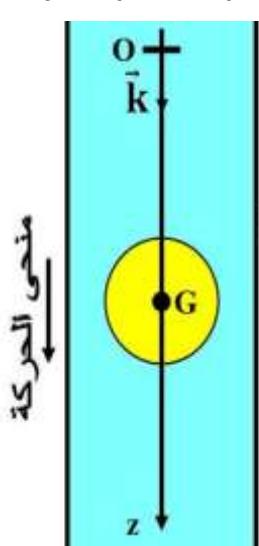
$n$ : عدد صحيح طبيعي.

#### ملاحظات:

### I. الدراسة النظرية للسقوط الرأسى لجسم صلب فى مائع.

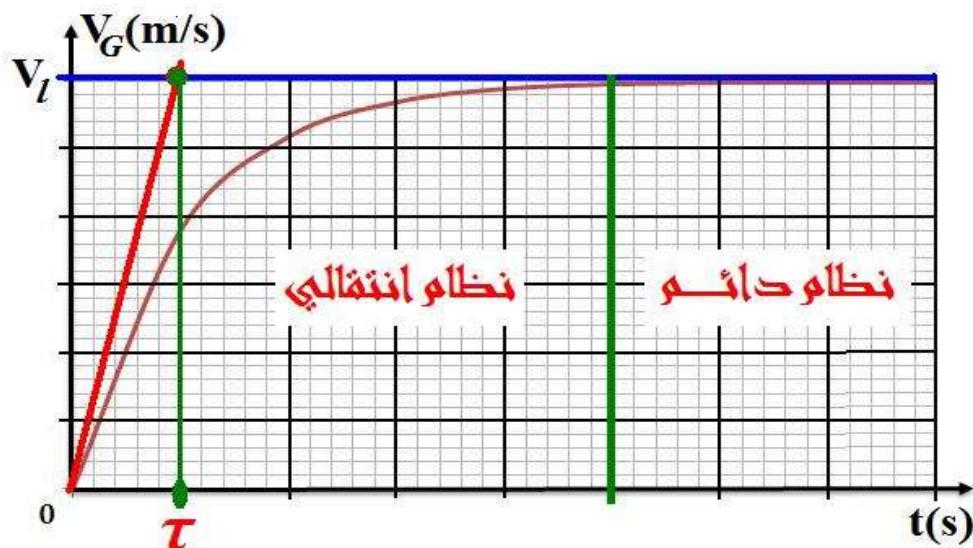
#### 1. المعادلة التفاضلية للحركة:

ندرس السقوط الرأسى الحر لجسم صلب (S) كتلته  $m$ , في معلم الفضاء ( $\vec{O}; \vec{k}$ ) مرتبط بالأرض و الذي نعتبره غاليليا.



## 2. المقاييس المميزة للحركة:

باستعمال برنامج يمكننا من تسجيل مواضع الجسم في مدد زمنية متساوية ، نحصل على مخطط السرعة جانبها الذي هو منحنى السرعة بدلالة الزمن  $v_G = f(t)$  مع  $v_0=0$ .



أ. السرعة الحدية  $v_t$  (النظام الدائم):

ب. التسارع البدئي  $a_0$  (النظام الانتقالى):

ج. الزمن المميز للحركة  $\tau$ :

### 3. حل المعادلة التفاضلية باستعمال طريقة أولير EULER

#### أ. تعريف:

طريقة أولير هي طريقة رقمية تكرارية، يستوجب استعمالها معرفة سرعة مركز قصور الجسم في لحظة  $t$  و التي غالبا ما تكون هي السرعة البدئية  $v_0$  عند اللحظة  $t=0$ .

#### ب. طريقة الاستعمال:

- معرفة السرعة البدئية  $v_0$  عند اللحظة  $t=0$ .
- حساب  $a_0$  انطلاقا من المعادلة التفاضلية:  $a_0 = A - B \cdot v_0^n$ .
- تحديد  $\Delta t$  خطوة الحساب حيث كلما كانت هذه الأخيرة صغيرة كلما كانت النتائج النظرية أقرب إلى النتائج التجريبية، و لتحقيق ذلك غالبا ما نأخذ:  $\Delta t = \tau/10$ .
- نحسب  $v_1$  عند اللحظة  $t_1$  بحيث أن  $v_1 = v_0 + a_0 \cdot \Delta t$  أي أن  $v_1 = v_0 + \frac{v_1 - v_0}{\Delta t}$ .
- ثم نعيد العملية .....

بصفة عامة نستعمل العلاقات التاليتين: