

قوانين نيوتن

الدرس التاسع

Les lois de Newton

I. متجهة السرعة و متجهة التسارع.

1. نسبية الحركة:

الحركة والسكون مفهومان نسبيان : أي أن الأجسام لا تتحرك إلا بالنسبة لأجسام أخرى، أي أنه لدراسة حركة جسم ما يجب اختيار جسما مرجعيا أو مرجعا لهذه الدراسة، ولتتبع التطور الزمني للجسم المتحرك: يجب اعتبار معلم للفضاء ومعلم الزمن مرتبطين بالجسم المرجعي .

معلم الفضاء يتم تحديده بأصله O وبقاعدة متعامدة وممنظمة. نستعمل مجموعة من الأجسام المرجعية الخاصة و ذلك حسب المجموعة الميكانيكية التي نريد دراستها بحيث نختار:

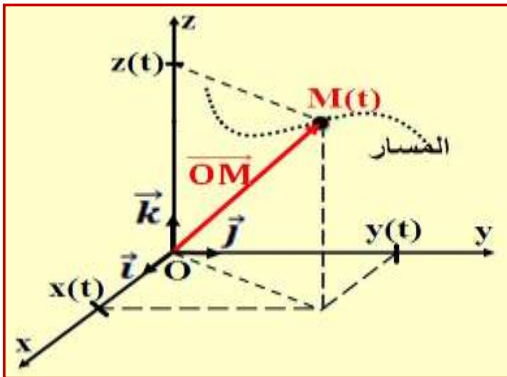
- ◆ **المرجع الأرضي:** لدراسة حركة السيارات والقطارات والقذائف...
- ◆ **المرجع المركزي الأرضي:** لدراسة حركة الأجسام التي تتحرك حول الأرض مثل الأقمار الاصطناعية...
- ◆ **المرجع المركزي الشمسي (مرجع كوبرنيك):** لدراسة حركة الكواكب والمذنبات التي تبعد كثيراً عن الأرض...

نرمز لمعلم الفضاء ب: $R(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ بحيث O أصل معلم الفضاء و $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ المتجهات الموجهة لمحاوره الثلاث.

2. معلمة موضع نقطة من جسم متحرك:

نحدد موضع نقطة M من متحرك في كل لحظة ، في معلم متعامد ممنظم $R(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ بمتجهة الموضع \vec{OM} بحيث:

حيث: $(x(t); y(t); z(t))$ تسمى الإحداثيات الديكارتية، كما أنها تمثل بالنسبة لحركة النقطة M المعادلات الزمنية للحركة على كل محور.



طول أو منظم متجهة الموضع هو: $OM = \|\vec{OM}\| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$

● ملاحظة:

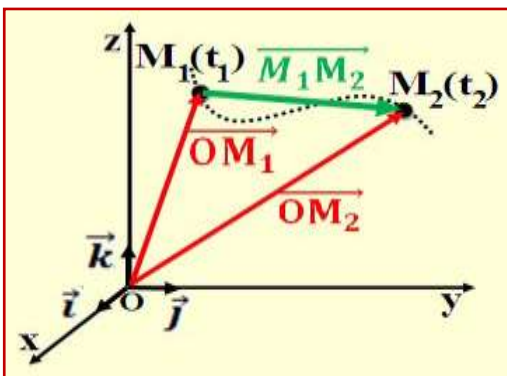
- في حالة حركة مستقيمة نختار المعلم $R(O; \vec{i})$ بحيث تكتب متجهة الموضع كما يلي: $\vec{OM} = x\vec{i}$
- في حالة حركة مسوية نختار المعلم $R(O; \vec{i}; \vec{j})$ بحيث تكتب متجهة الموضع كما يلي: $\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$
- مجموع النقط المتتالية التي تحتلها نقطة M من متحرك أثناء حركته تسمى.

3. متجهة السرعة:

أ. متجهة السرعة المتوسطة:

متجهة السرعة المتوسطة لنقطة M من جسم متحرك انتقلت من موضع M_1 إلى موضع M_2 خلال المدة: $\Delta t = t_2 - t_1$ هي:

$$\vec{v}_m = \frac{\vec{M_1M_2}}{t_2 - t_1} = \frac{\vec{OM_2} - \vec{OM_1}}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta \vec{OM}}{\Delta t}$$

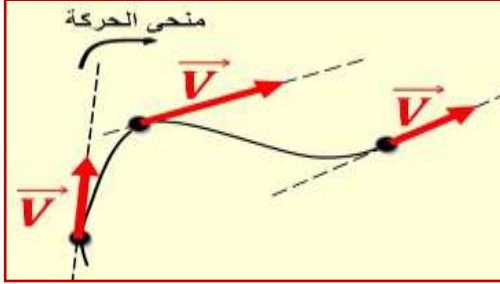


ب. متجهة السرعة اللحظية:

$$\vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt}$$

في مرجع معين، تساوي متجهة السرعة اللحظية لنقطة M من جسم متحرك صلب عند اللحظة t، مشتقة متجهة الموضع بالنسبة للزمن، بحيث:

وحدة السرعة في النظام العالمي للوحدات هي: (m.s⁻¹) أو (m/s).



ج. مميزات متجهة السرعة اللحظية:

- ♦ **الأصل:** النقطة المتحركة عند اللحظة t.
- ♦ **الاتجاه:** المماس للمسار في النقطة المتحركة.
- ♦ **المنحى:** منحى الحركة.
- ♦ **المنظم:** $v = \|\vec{v}\|$.

د. متجهة السرعة في معلم ديكارتي:

تكتب متجهة الموضع في معلم ديكارتي $R(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ كما يلي: $\vec{OM} = x.\vec{i} + y.\vec{j} + z.\vec{k}$

أي أن متجهة السرعة اللحظية تكتب كما يلي: $\vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt} = \frac{d}{dt}(x.\vec{i} + y.\vec{j} + z.\vec{k})$

أي: $\vec{v} = \frac{dx}{dt}.\vec{i} + \frac{dy}{dt}.\vec{j} + \frac{dz}{dt}.\vec{k} = \dot{x}.\vec{i} + \dot{y}.\vec{j} + \dot{z}.\vec{k} = v_x.\vec{i} + v_y.\vec{j} + v_z.\vec{k}$

إذن: $v_x = \frac{dx}{dt} = \dot{x}$ و $v_y = \frac{dy}{dt} = \dot{y}$ و $v_z = \frac{dz}{dt} = \dot{z}$

بحيث: v_x و v_y و v_z تمثل الإحداثيات الديكارتية لمتجهة السرعة.

منظم متجهة السرعة عند لحظة t هو: $v = \|\vec{v}\| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$

ه. تطبيق 1:

الأسئلة

إحداثيات متجهة الموضع \vec{OM} خلال حركة جسم صلب في معلم متعامد منظم $R(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ هي:

$$z(t) = 10.t^2 \quad ; \quad y(t) = 2.t^3 \quad ; \quad x(t) = 4.t$$

(1) عبر عن متجهة الموضع \vec{OM} عند لحظة t ثم حدد منظمها عند اللحظة t = 2s.

(2) حدد إحداثيات متجهة السرعة \vec{v} عند لحظة t ثم حدد قيمتها عند اللحظة t = 2s.

الأجوبة

(1) متجهة الموضع \vec{OM} عند لحظة t: $\vec{OM} = 4t.\vec{i} + 2t^3.\vec{j} + 10t^2.\vec{k}$

منظمها عند اللحظة t = 2s: $OM = \sqrt{(4 \times 2)^2 + (2 \times 2^3)^2 + (10 \times 2^2)^2} = 43,8 \text{ m}$

(2) متجهة السرعة \vec{v} عند لحظة t: $\vec{v} = 4.\vec{i} + 6t^2.\vec{j} + 20t.\vec{k}$

منظمها عند اللحظة t = 2s: $v = \sqrt{(4)^2 + (6 \times 2^2)^2 + (20 \times 2)^2} = 46,8 \text{ m/s}$

4. متجهة التسارع:

أ. متجهة التسارع في معلم ديكارتي:

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d^2\vec{OM}}{dt^2}$$

في مرجع معين، تساوي متجهة التسارع \vec{a} لنقطة M من جسم متحرك صلب عند اللحظة t، المشتقة الأولى لمتجهة السرعة بالنسبة للزمن أو المشتقة الثانية لمتجهة الموضع بالنسبة للزمن، بحيث:

وحدة التسارع في النظام العالمي للوحدات هي: $(m.s^{-2})$ أو (m/s^2) .

تكتب متجهة الموضع في معلم ديكارتي $R(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ كما يلي: $\vec{OM} = x.\vec{i} + y.\vec{j} + z.\vec{k}$

أي أن متجهة السرعة اللحظية تكتب كما يلي: $\vec{v} = v_x.\vec{i} + v_y.\vec{j} + v_z.\vec{k}$

أي أن متجهة التسارع تكتب كما يلي: $\vec{a} = \frac{d}{dt}(v_x.\vec{i} + v_y.\vec{j} + v_z.\vec{k}) = \frac{d^2}{dt^2}(x.\vec{i} + y.\vec{j} + z.\vec{k})$

أي: $\vec{a} = \frac{dv_x}{dt}.\vec{i} + \frac{dv_y}{dt}.\vec{j} + \frac{dv_z}{dt}.\vec{k} = \ddot{x}.\vec{i} + \ddot{y}.\vec{j} + \ddot{z}.\vec{k} = a_x.\vec{i} + a_y.\vec{j} + a_z.\vec{k}$

$$\text{إذن: } a_x = \frac{dv_x}{dt} = \ddot{x} \text{ و } a_y = \frac{dv_y}{dt} = \ddot{y} \text{ و } a_z = \frac{dv_z}{dt} = \ddot{z}$$

بحيث: a_x و a_y و a_z تمثل الإحداثيات الديكارتية لمتجهة التسارع

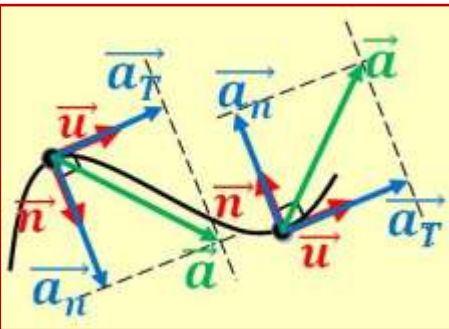
$$a = \|\vec{a}\| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2} \text{ هو: منظم متجهة السرعة عند لحظة } t$$

ب. متجهة التسارع في أساس فريني:

◆ أساس فريني:

معلم محلي $(M; \vec{u}; \vec{n})$ متعامد وممنظم ينطبق أصله في كل لحظة مع موضع المتحرك M، متجهته الواحدية \vec{u} مماسة للمسار وموجهة في منحنى الحركة، ومتجهته الواحدية \vec{n} متعامدة مع \vec{u} وموجهة نحو تقعر المسار.

◆ التسارع في أساس فريني:



في حالة حركة مستوية نعبر عن التسارع في أساس فريني على الشكل:

$$\vec{a} = \vec{a}_T + \vec{a}_n = a_T.\vec{u} + a_n.\vec{n}$$

حيث:

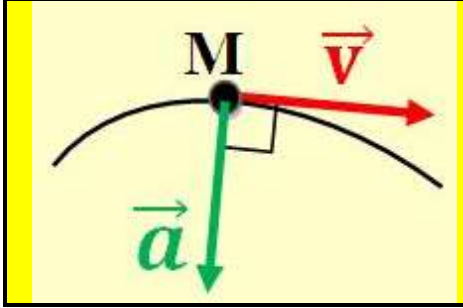
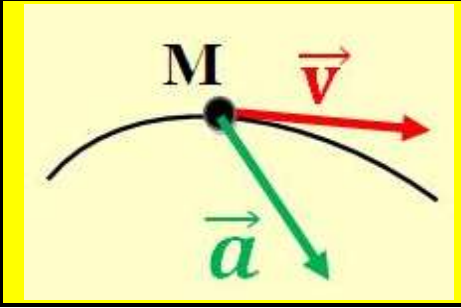
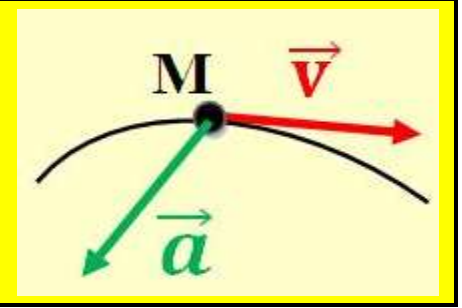
\vec{a}_T متجهة التسارع المماسي $a_T = \frac{dv}{dt}$ حيث v منظم السرعة اللحظية.

\vec{a}_n متجهة التسارع المنظمي $a_n = \frac{v^2}{\rho}$ حيث ρ شعاع الأنحاء في M.

5. طبيعة الحركة:

نحدد طبيعة حركة النقطة المتحركة من خلال الجداء السلمي للمتجهين \vec{a} و \vec{v} بحيث يتعلق هذا الجداء السلمي بالزاوية المحصورة بين المتجهين، أي: $\vec{a} \cdot \vec{v} = \|\vec{a}\| \cdot \|\vec{v}\| \cdot \cos(\widehat{\vec{a}; \vec{v}})$

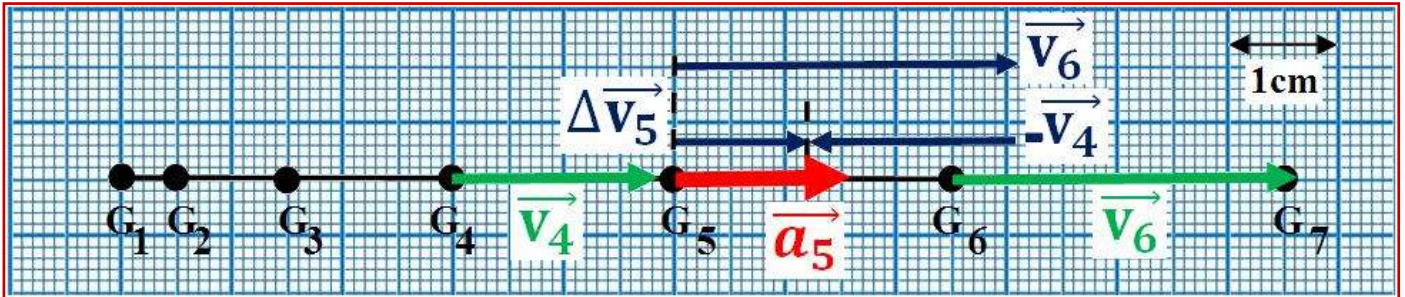
مما سبق نميز بين ثلاث حالات و ذلك حسب قيمة الزاوية المحصورة بين المتجهين \vec{a} و \vec{v} .

حركة منتظمة	حركة متسارعة	حركة متباطئة
		

6. تمثيل متجهة السرعة و التسارع : (تطبيق 2)

◆ تمثيل متجهة السرعة و التسارع في حالة حركة مستقيم:

نطلق حاملا ذاتيا بدون سرعة بدئية فوق منضدة هوائية مائلة بزواوية $\alpha=40^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي و نسجل حركة مركز قصوره G بعد ضبط مولد الشرارات على القيمة $\tau=60ms$ فنحصل على التسجيل التالي:



(1) أحسب سرعة الحامل الذاتي عند النقطتين G_4 و G_6 .

$$v_4 = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = \frac{3,5 \cdot 10^{-2}}{2 \times 60 \times 10^{-3}} = 0,29 m/s \text{ هي سرعة الحامل الذاتي عند النقطة } G_4$$

$$v_6 = \frac{M_5 M_7}{2\tau} = \frac{5,7 \cdot 10^{-2}}{2 \times 60 \times 10^{-3}} = 0,47 m/s \text{ هي سرعة الحامل الذاتي عند النقطة } G_6$$

(2) مثل متجهتي السرعة \vec{v}_4 و \vec{v}_6 باعتبار السلم $1cm \rightarrow 0,15m/s$

نمثل \vec{v}_4 على الشكل بسهم طوله $1,9cm$ و \vec{v}_6 بسهم طوله $3,1cm$.

(3) مثل المتجهة $\Delta \vec{v}_5 = \vec{v}_6 - \vec{v}_4$ في النقطة G_5 .

لدينا: $\Delta \vec{v}_5 = \vec{v}_6 - \vec{v}_4 = \vec{v}_6 + (-\vec{v}_4)$ إذن نستنتج أن تمثيل $\Delta \vec{v}_5$ يتم بسهم طوله $1,2cm$.

(4) نعين التسارع باستعمال العلاقة التقريبية $\vec{a}_i = \frac{\vec{v}_{i+1} - \vec{v}_i}{2\tau}$ أحسب منظم متجهة التسارع \vec{a}_5 .

$$\vec{a}_5 = \frac{\|\Delta \vec{v}_5\|}{2\tau} = \frac{0,18}{2 \times 60 \times 10^{-3}} = 1,5 m/s^2 \text{ منظمها: } \vec{a}_5 = \frac{\vec{v}_6 - \vec{v}_4}{2\tau} = \frac{\Delta \vec{v}_5}{2\tau}$$

(5) مثل المتجهة \vec{a}_5 في النقطة G_5 باستعمال السلم $1cm \rightarrow 0,9m/s^2$

نمثل \vec{a}_5 على الشكل بسهم طوله $1,6 cm$.

◆ تمثيل متجهة السرعة و التسارع في حالة حركة منحنية:

نربط الحامل الذاتي مع قطعة معدنية بواسطة خيط غير مرن ثم نرسله و نسجل حركة مركز قصوره G بعد ضبط مولد الشرارات على القيمة $\tau=60ms$ فنحصل على التسجيل أسفله.

(6) أحسب سرعة الحامل الذاتي عند النقطتين G_4 و G_6 .

$$v_4 = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = \frac{2,2 \cdot 10^{-2}}{2 \times 60 \times 10^{-3}} = 0,73 m/s \text{ هي سرعة الحامل الذاتي عند النقطة } G_4$$

$$v_6 = \frac{M_5 M_7}{2\tau} = \frac{2,4 \cdot 10^{-2}}{2 \times 60 \times 10^{-3}} = 0,8 m/s \text{ هي سرعة الحامل الذاتي عند النقطة } G_6$$

(7) مثل متجهتي السرعة \vec{v}_4 و \vec{v}_6 باعتبار السلم $1cm \rightarrow 0,15m/s$

نمثل \vec{v}_4 على الشكل بسهم طوله $4,8cm$ و \vec{v}_6 بسهم طوله $5,3cm$.

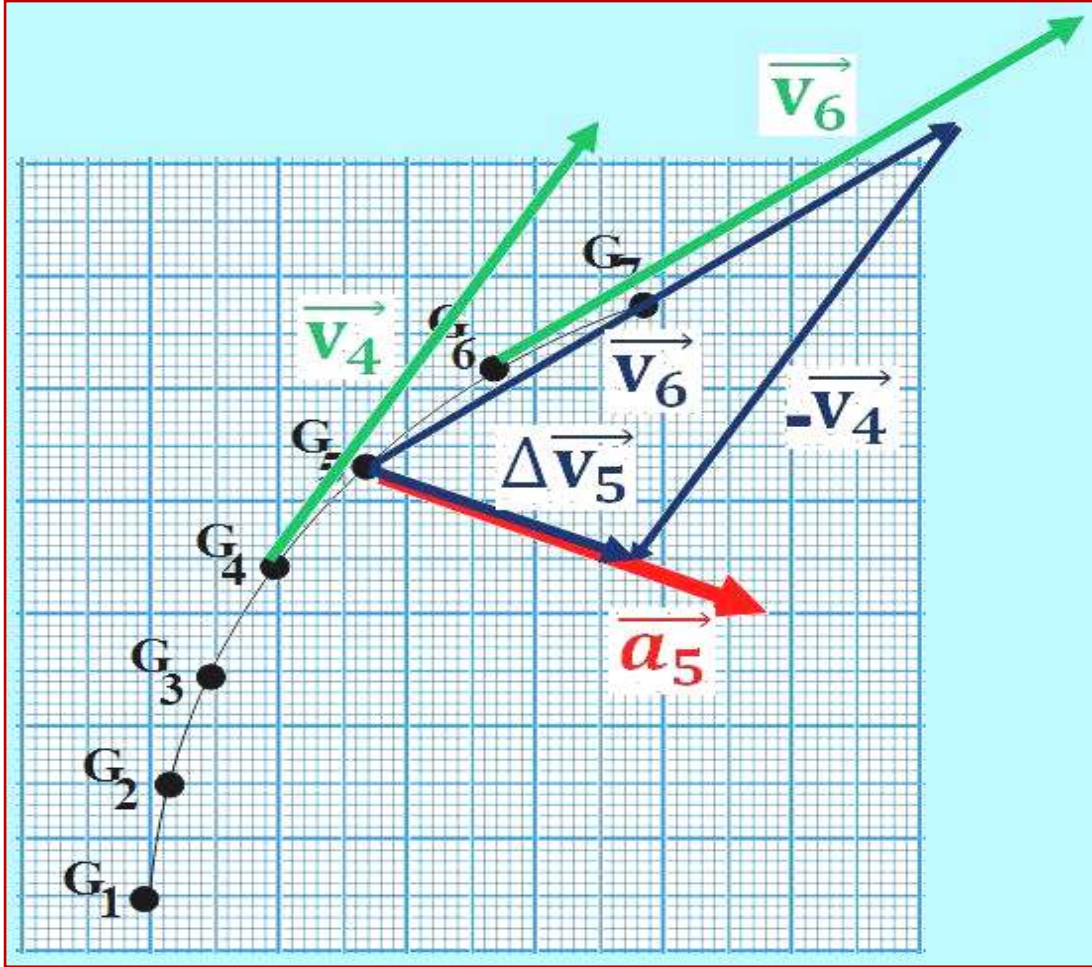
(8) مثل المتجهة $\Delta \vec{v}_5 = \vec{v}_6 - \vec{v}_4$ في النقطة G_5 .

لدينا: $\Delta \vec{v}_5 = \vec{v}_6 - \vec{v}_4 = \vec{v}_6 + (-\vec{v}_4)$ إذن نستنتج تمثيل $\Delta \vec{v}_5$ يتم بسهم حسب علاقة شال طوله 2,4cm أي أن: $\|\Delta \vec{v}_5\| = 0,36m/s$

(9) نعين التسارع باستعمال العلاقة التقريبية $\vec{a}_i = \frac{\vec{v}_{i+1} - \vec{v}_{i-1}}{2\tau}$ أحسب منظم متجهة التسارع \vec{a}_5 .

متجهة التسارع عند G_5 : $\vec{a}_5 = \frac{\vec{v}_6 - \vec{v}_4}{2\tau} = \frac{\Delta \vec{v}_5}{2\tau}$ منظمها: $\vec{a}_5 = \frac{\|\Delta \vec{v}_5\|}{2\tau} = \frac{0,36}{2 \times 60 \times 10^{-3}} = 3m/s^2$

(10) مثل المتجهة \vec{a}_5 في النقطة G_5 باستعمال السلم $1cm \rightarrow 0,9m/s^2$ نمثل \vec{a}_5 على الشكل بسهم طوله 3,3 cm



II. الحركة المستقيمة.

1. الحركة المستقيمة المنتظمة:

أ. تعريف:

نقول إن **الحركة المستقيمة منتظمة** إذا كان المسار مستقيماً و متجهة السرعة ثابتة $\vec{v} = cte \neq \vec{0}$ متجهة التسارع منعدمة $\vec{a} = \vec{0}$.

ب. المعادلة الزمنية للحركة:

في الحركة المستقيمة نختار معلم الفضاء $R(O; \vec{i})$ منطبق مع مسار المتحرك بحيث تكتب متجهة الموضع كما يلي: $\vec{OM} = x \cdot \vec{i}$

نعلم أن: $v = \frac{dx}{dt}$ و عن طريق التكامل والاستعانة بالشروط البدئية نحصل على **المعادلة الزمنية للحركة**

المستقيمة المنتظمة: $x(t) = v \cdot t + x_0$ والتي تمثل أفصول المتحرك عند لحظة t بحيث: x_0 أفصول المتحرك عند اللحظة $t=0$ بالمتر و v سرعته بـ (m/s).

2. الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام:

أ. تعريف:

نقول إن **الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام** إذا كان المسار مستقيمي و متجهة التسارع ثابتة $\vec{a} = \overline{cte} \neq \vec{0}$.

ب. المعادلة الزمنية للحركة:

في الحركة المستقيمة نختار معلم الفضاء $\mathbf{R}(\mathbf{O}; \vec{i})$ منطبق مع مسار المتحرك بحيث تكتب متجهة الموضع كما

$$\overrightarrow{OM} = x \cdot \vec{i} \text{ يلي}$$

نعلم أن: $a = \frac{dv}{dt}$ و عن طريق التكامل والاستعانة بالشروط البدئية نحصل على **المعادلة الزمنية لسرعة**

المتحرك: $\mathbf{v}(t) = a \cdot t + v_0$ والتي تمثل سرعة المتحرك عند لحظة t بحيث: v_0 سرعة المتحرك عند اللحظة $t=0$ و a تسارعه بـ (m/s^2) .

و نعلم أن: $v = \frac{dx}{dt}$ و عن طريق التكامل والاستعانة بالشروط البدئية نحصل على **المعادلة الزمنية للحركة**

المستقيمة المنتظمة: $\mathbf{x}(t) = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 + v_0 \cdot t + x_0$ والتي تمثل أفضول المتحرك عند لحظة t بحيث: x_0 و v_0 يمثلان كل من أفضول المتحرك و سرعته عند اللحظة $t=0$ و a تسارعه بـ (m/s^2) .

III. قوانين نيوتن.

1. القوى الداخلية و القوى الخارجية:

بعد تحديد المجموعة المدروسة تقسم القوى التي تم جردها إلى قسمين و هما:

- ◆ **القوى الداخلية:** هي القوى المطبقة من طرف جسم ينتمي إلى المجموعة المدروسة على جسم آخر ينتمي إلى المجموعة نفسها.
- ◆ **القوى الخارجية:** القوى المطبقة من طرف جسم لا ينتمي إلى المجموعة على جسم ينتمي إليها.

● ملاحظة:

- إذا كانت المجموعة لا تخضع إلى أي تأثير نقول أنها **معزولة ميكانيكا**.
- إذا كان مجموع التأثيرات الخارجية المطبقة على مجموعة منعدم نقول أنها **شبه معزولة ميكانيكا**.

2. القانون الأول لنيوتن (مبدأ القصور):

نص القانون

في م علم غاليلي، إذا كان مجموع القوى الخارجية المطبقة على جسم صلب يساوي **المتجهة الهنعدمة** ($\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$). فإن متجهة السرعة لمركز القصور G للجسم الصلب ثابتة ($\vec{v}_G = \overline{cte}$)، أي إما أن يكون الجسم في حالة سكون ($\vec{v}_G = \vec{0}$) أو في حالة حركة مستقيمة منتظمة ($\vec{v}_G = \overline{cte} \neq \vec{0}$).

● ملاحظة:

- المراجع التي يتحقق فيها مبدأ القصور هي وحدها التي تعتبر مراجع غاليلية بحيث أن أفضل مرجع غاليلي هو معلم كوبرنيك (أصله منطبق مع مركز الشمس ومحاوره الثلاثة موجهة نحو ثلاثة نجوم ثابتة).
- كل مرجع في حركة مستقيمة منتظمة بالنسبة لمرجع كوبرنيك يعتبر مرجعا غاليليا. (مثالا على ذلك المرجع المركزي الأرضي، والمرجع الأرضي و ذلك بالنسبة لحركات مددها قصيرة).

3. القانون الثاني لنيوتن (المبدأ الأساسي للحريك):

نص القانون

في مرجع غاليلي يساوي مجموع القوى الخارجية المطبقة على جسم صلب ، جداء كتلة هذا الجسم m ومتجهة تسارع مركز قصوره G ، بحيث:

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}_G$$

4. القانون الثالث لنيوتن (مبدأ التأثيرات المتبادلة):

نص القانون

إذا كان جسمان A و B في تأثير بيني (بتماس أو عن بعد) بحيث يطبق الجسم A قوة $\vec{F}_{A/B}$ على الجسم B ، فإن الجسم B يطبق بدوره قوة $\vec{F}_{B/A}$ على الجسم A بحيث تتحقق العلاقة $\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$ سواء كان الجسمان A و B ساكنين أو متحركين.

IV. تطبيقات للقانون الثاني لنيوتن.

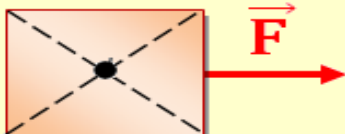
مراحل تطبيق القانون الثاني لنيوتن:

- ◆ تحديد المجموعة المدروسة.
- ◆ جرد القوى الخارجية و تمثيلها على الشكل.
- ◆ كتابة العلاقة المتجهية المعبرة عن القانون الثاني لنيوتن بالنسبة للمجموعة المدروسة.
- ◆ اختيار معلم متعامد ممنظم ملائم للدراسة.
- ◆ إسقاط العلاقة المعبرة عن قانون الثاني لنيوتن في هذا المعلم.
- ◆ الإجابة عن الأسئلة بالاعتماد على الإسقاطات.

1. حركة جسم صلب فوق مستوى أفقى بدون احتكاك:

الأسئلة

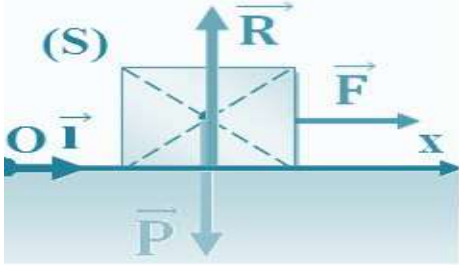
(S)



نعتبر جسماً صلباً كتلته $m=500g$ يتحرك بدون احتكاك فوق مستوى أفقى تحت تأثير قوة أفقية ثابتة \vec{F} كما يبين الشكل جانبه شدتها $F=5N$. $(g = 10N/kg)$

- (1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد تسارع الجسم.
- (2) بحذف تأثير الخيط على الجسم كيف تصبح حركة هذا الأخير؟

الأجوبة



(1) المجموعة المدروسة {الجسم (S)}.

جهد القوى: \vec{P} الوزن - \vec{R} تأثير السطح - \vec{F} قوة الجر.

حسب القانون الثاني لنيوتن لدينا: (1) $\vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m\vec{a}_G$

نختار معلم الفضاء $R(O; \vec{i})$ لدراسة حركة الجسم ، ثم نقوم بإسقاط العلاقة (1) على المحور (Ox) فنجد:

$$(2) P_x + R_x + F_x = m.a_x$$

بما أن \vec{P} و \vec{R} عموديتين على (Ox) فإن: $P_x=R_x=0$ و بما أن \vec{F} أفقية و لها نفس منحنى \vec{i} فإن: $F_x = +F$

ومنه تصبح العلاقة (2) كما يلي: $F = m.a_x$ و بما أن الحركة تتم وفق (Ox) فإن $a_x = a_G$

ومنه: $F = m.a_G$ أي $a_G = F/m = 5/(500 \cdot 10^{-3})$ و بالتالي تسارع الجسم هو: $a_G = 10 \text{ m/s}^2$

(2) بعد حذف تأثير الخيط يصبح لدينا $a_x = a_G = 0$ أي السرعة ثابتة وبالتالي تصبح حركة الجسم حركة مستقيمة منتظمة.

2. حركة جسم صلب فوق مستوى أفقى باحتكاك:

الأسئلة

يتحرك جسم صلب (S) كتلته $m=500\text{g}$ فوق سكة أفقية بفضل قوة ثابتة \vec{F} لها نفس منحنى الحركة و شدتها $F=5\text{N}$ يتم التماس بين (S) و السكة باحتكاك، نمائل الاحتكاكات بقوة ثابتة \vec{f} موازية للسكة و لها منحنى معاكس لمنحنى الحركة و شدتها $R_T=f=2\text{N}$. ($g = 10\text{N/kg}$) (نفس الشكل السابق)

(1) مثل على تبيانة القوى المطبقة على (S) .

(2) أوجد تعبير التسارع a_G بدلالة F و f و m ثم أحسب قيمته.

(3) أوجد تعبير المركبة المنظمة R_N لتأثير السكة على الجسم بدلالة m و g ثم أحسب قيمتها.

(4) أوجد تعبير R شدة القوى المطبقة من طرف السكة على الجسم (S) بدلالة m و g و f و أحسب قيمتها.

(5) أوجد قيمة معامل الاحتكاك k ، و استنتج زاوية الاحتكاك φ ؟

الأجوبة

(1) المجموعة المدروسة {الجسم (S)}.

جهد القوى: \vec{P} الوزن; $\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{f}$ تأثير السطح; \vec{F} قوة الجر.

(2) حسب القانون الثاني لنيوتن لدينا: $\vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m\vec{a}_G$

أن: (1) $\vec{P} + \vec{R}_N + \vec{f} + \vec{F} = m\vec{a}_G$

نختار معلم الفضاء $R(O; \vec{i}; \vec{j})$ لدراسة حركة الجسم، وبما أن

الحركة لا تتم على المحور (Oy) فإن $a_y = 0$ لذلك نقوم بإسقاط

العلاقة (1) على المحور (Ox) فنجد: (2) $P_x + R_{Nx} + f_x + F_x = m.a_x$

بما أن \vec{P} و \vec{R}_N عموديتين على (Ox) فإن: $P_x=R_{Nx}=0$ ومنه $F - f = m.a_x$

أي أن: $a_G = \frac{F-f}{m}$ أي $a_G = \frac{5-2}{500 \times 10^{-3}}$ و بالتالي تسارع الجسم هو: $a_G = 6 \text{ m/s}^2$

(3) نلاحظ أن \vec{R}_N عمودية على محور الأفاصيل لذلك سنقوم بإسقاط العلاقة (1) على المحور (Oy) أي:

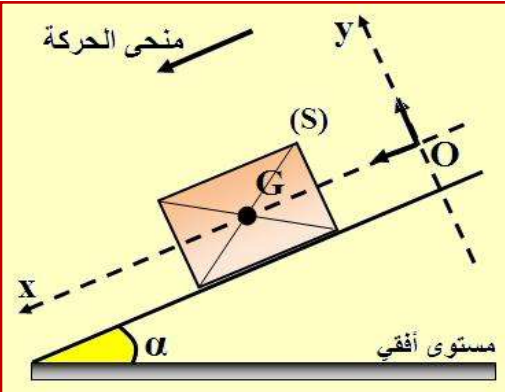
$R_N + f_y + F_y = m.a_y$ أي $R_N + mg = 0$ أي $R_N = -mg$ ت.ع $R_N = 500 \cdot 10^{-3} \cdot 10$ ومنه: $R_N = 5\text{N}$

(4) بما أن: $\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{f}$ فإن $R = \sqrt{R_N^2 + f^2}$ أي $R = \sqrt{(m \cdot g)^2 + f^2}$ ت.ع: ومنه: $R = 5,39\text{N}$

(5) معامل الاحتكاك $k = \frac{R_T}{R_N}$ أي $k = 0,4$ أي $\tan \varphi = 0,4$ ومنه زاوية الاحتكاك هي: $\varphi = 21,8^\circ$

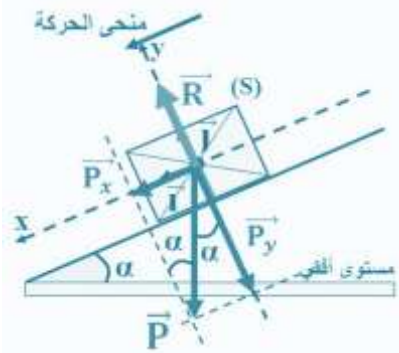
3. حركة جسم صلب فوق مستوى مائل بدون احتكاك:

الأسئلة



- ينزلق جسم صلب كتلته $m=80\text{kg}$ فوق مستوى مائل بزاوية $\alpha=12^\circ$ بالنسبة للخط الأفقي بدون احتكاك. نعطي $g=10\text{m/s}^2$.
- (1) تطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد تسارع الجسم.
 - (2) استنتج طبيعة الحركة؟
 - (3) أوجد شدة القوة المطبقة من طرف السطح المائل؟

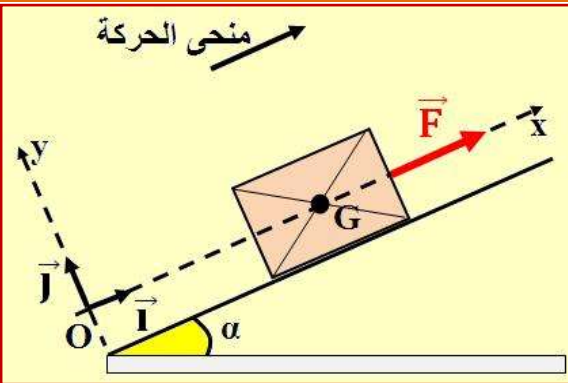
الأجوبة



- (1) المجموعة المدروسة {الجسم (S)}.
جهد القوى: \vec{P} الوزن; \vec{R} تأثير السطح.
حسب القانون الثاني لنيوتن لدينا: $(1) \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}_G$
نختار معلم الفضاء $R(O; \vec{i}; \vec{j})$ لدراسة حركة الجسم، وبما أن الحركة لا تتم على المحور (Oy) فإن $a_y=0$ لذلك نقوم بإسقاط العلاقة (1) على المحور (Ox) فنجد: $(2) P_x + R_x = m.a_x$
بما أن \vec{R} عمودية على (Ox) فإن: $R_x=0$ ولدينا: $\sin\alpha=P_x/P$ أي
 $P_x=mg.\sin\alpha$ ومنه تصبح العلاقة (2) كما يلي: $mg.\sin\alpha = m.a_G$ أي أن $a_G = g.\sin\alpha$ ت.ع $a_G = 2,08 \text{ m/s}^2$ و $10.\sin 12$ وبالتالي تسارع الجسم هو: $a_G = 2,08 \text{ m/s}^2$
(2) بما أن تسارع الجسم ثابت يخالف 0 و المسار مستقيمي فإن حركة الجسم حركة مستقيمة متغيرة بانتظام.
(3) نقوم بإسقاط العلاقة (1) على المحور (Oy) أي: $R_y + P_y = m.a_y = 0$ نلاحظ أن \vec{R} موازية للمحور (Oy) ولها نفس منحى \vec{j} إذن $R_y=R$
ولدينا: $\cos\alpha=(-P_y)/P$ ومنه: $P_y = -mg \cos \alpha$ كالتالي: $R - mg.\cos\alpha=0$ أي أن: $R = mg.\cos\alpha$ ت.ع $R = 80.10.\cos 12$ ومنه: $R = 783\text{N}$

4. حركة جسم صلب فوق مستوى مائل باحتكاك:

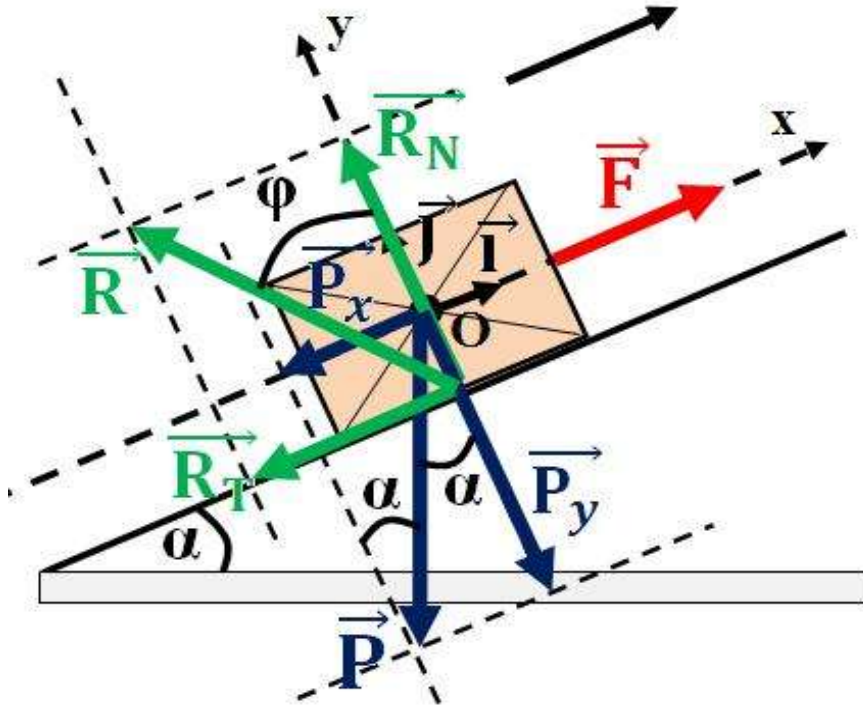
الأسئلة



- نجر جسما صلبا (S) كتلته $m=80\text{kg}$ فوق مستوى مائل بزاوية $\alpha=12^\circ$ بواسطة حبل يطبق عليه قوة \vec{F} ثابتة كما يبين الشكل نعطي: $g=10\text{m/s}^2$ و $a=2\text{m/s}^2$ و $k=0,25$. ينطلق الجسم بدون سرعة بدئية.
- (1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد قيمة R_N شدة المركبة المنظمة بتأثير سطح التماس، ثم استنتج قيمة R_T ؟
 - (2) أحسب شدة القوة \vec{F} ؟
 - (3) استنتج تعبير سرعة الجسم بدلالة الزمن.
 - (4) أكتب بدلالة الزمن المعادلة الزمنية $x(t)$ لحركة مركز قصور الجسم باعتبار النقطة O هي موضع G عند اللحظة $t=0$.

الأجوبة

- (1) المجموعة المدروسة {الجسم (S)}.
 جرد القوى: \vec{P} الوزن; $\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{R}_T$; تأثير السطح; \vec{F} قوة الجر.
 حسب القانون الثاني لنيوتن لدينا: $(1) \vec{P} + \vec{R}_N + \vec{R}_T + \vec{F} = m\vec{a}_G$
 نختار معلم الفضاء $R(O; \vec{i}; \vec{j})$ لدراسة حركة الجسم.



نلاحظ أن \vec{R}_N عمودية على (Ox) أي أن إسقاطها على هذا المحور منعدم لذلك نسقط العلاقة (1) على المحور (Oy) لتحديد شدة \vec{R}_N وبما أن الحركة لا تتم على (Oy) فإن $a_y = 0$ ومنه تصبح العلاقة كما يلي:
 $P_y + R_{Ny} + R_{Ty} + F_y = m \cdot a_y$ أي $-mg \cdot \cos\alpha + R_N + 0 + 0 = 0$ أي أن $R_N = mg \cdot \cos\alpha$ ت.ع نجد
 $R_N = 783\text{N}$ ومنه: $R_N = 80 \cdot 10 \cdot \cos 12$

نعلم أن: $k = \tan\phi = R_T / R_N$ أي أن $R_T = k \cdot R_N$ ت.ع نجد: $R_T = 0,25 \cdot 783$ ومنه: $R_T = 196\text{N}$.

(2) نقوم بإسقاط العلاقة (1) على المحور (Ox) أي: $-mg \cdot \sin\alpha - R_T + 0 + F = m \cdot a_x$ أي أن: $F = m(a_G + g \cdot \sin\alpha) + R_T$ ت.ع $F = 80(2 + 10 \sin 12) + 196$ ومنه نجد: $F = 522\text{N}$.

(3) بما أن تسارع الجسم ثابت يخالف 0 فإن الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام أي ان تعبير السرعة بدلالة الزمن تكتب كما يلي: $v(t) = a_G \cdot t + v_0$ وبما أن الجسم انطلق بدون سرعة بدنية فإن $v_0 = 0$ إن $v(t) = 2 \cdot t$.

(4) بما أن الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام فإن أفضول المتحرك x بدلالة الزمن يكتب كما يلي:
 $x(t) = 0,5 \cdot a_G \cdot t^2 + v_0 \cdot t + x_0$ وبما أن الجسم انطلق من أصل المعلم بدون سرعة بدنية فإن $x_0 = 0$ و $v_0 = 0$ وبالتالي فإن المعادلة الزمنية لحركة المتحرك هي: $x(t) = t^2$.

قوانين نيوتن