

# تمارين

٤٠٤١٨٤١ | ١١٢٠٤٠٤٠٤٠

٤٠٤١٨٤١ | ١١٢٠٤٠٤٠٤٠

٨ : ٤٠٤١٢ ٥ ٨ ٨ ٨ ٨ ٨



المملكة المغربية

وزارة التربية الوطنية

والتكوين المهني

الأكاديمية الجهوية للتربية والتكوين

جهة الدار البيضاء الكبرى

نيابة المحمدية

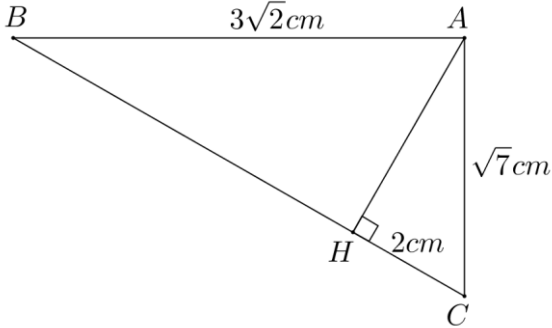
مدرسة فيتاغورس + الحساب المثالي

المستوى : الثالث ثانوي إعدادي

من إعداد الأستاذ : المهدي عيسى

تمارين ①

نعتبر الشكل جانبه :

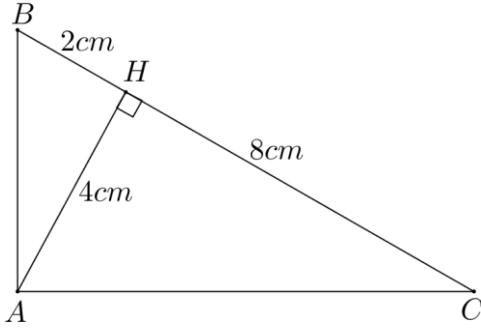


بحيث :  $H$  إسقاط العمودي للنقطة  $A$  على  $(BC)$ .

أحسب :  $AH$  ثم  $BH$ .

تمارين ②

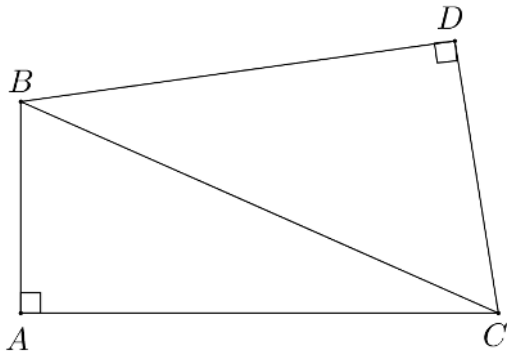
نعتبر الشكل جانبه :



أثبت إن مثلث  $ABC$  قائم الزاوية.

تمارين ③

نعتبر الشكل جانبه :



أثبت أن :  $AB^2 + AC^2 = DB^2 + DC^2$

تمارين ④

$ABC$  مثلث بحيث :  $AB = 6 \text{ cm}$  و  $AC = 8 \text{ cm}$  و  $BC = 10 \text{ cm}$ .

(1) - أثبت أن مثلث  $ABC$  قائم الزاوية.

(2) - أحسب النسب المثلثية للزاوية  $\hat{A}BC$ .

(3) - أرسم الشكل ثم أنشئ  $H$  إسقاط العمودي للنقطة  $A$  على  $(BC)$ .

(4) - أحسب :  $AH$  ثم  $CH$ .

تمرين ⑤ :

$\alpha$  قياس زاوية حادة بحيث :  $0^\circ < \alpha < 90^\circ$

(1) - بسط ما يلي :

$$B = \frac{1}{1 + \sin \alpha} + \frac{1}{1 - \sin \alpha} - \frac{2}{\cos^2 \alpha} \quad \text{و} \quad A = \cos \alpha (\sin \alpha + \cos \alpha) - \sin \alpha (\cos \alpha - \sin \alpha)$$

$$D = \cos^4 \alpha - \sin^4 \alpha - \cos^2 \alpha + 3 \sin^2 \alpha \quad \text{و} \quad C = (\cos \alpha + \sin \alpha)^2 + (\cos \alpha - \sin \alpha)^2$$

$$F = \sqrt{2} \sin^2 \alpha + 2 \sin 45^\circ \cos^2 \alpha \quad \text{و} \quad E = \sin \alpha \times \sqrt{1 - \cos \alpha} \times \sqrt{1 + \cos \alpha} + \cos^2 \alpha$$

(2) - بين أن :

$$\sqrt{1 - \sin \alpha} \times \sqrt{1 + \sin \alpha} = \cos \alpha \quad \text{و} \quad \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha} \quad \text{و} \quad \frac{\cos^4 \alpha - \sin^4 \alpha}{\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha} = 1$$

$$1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \quad \text{و} \quad \sin^2 \alpha = \frac{\tan^2 \alpha}{1 + \tan^2 \alpha}$$

(3) - نفترض أن :  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$

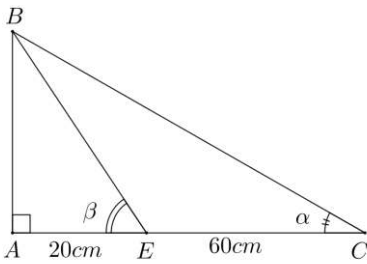
(أ) -- أحسب :  $\cos \alpha$  ثم  $\tan \alpha$

(ب) -- استنتج حساب :  $\sin(90^\circ - \alpha)$  و  $\cos(90^\circ - \alpha)$  و  $\tan(90^\circ - \alpha)$

تمرين ⑥ :

نعتبر الشكل جانبه بحيث :  $\alpha + \beta = 90^\circ$

$AE = 20 \text{ cm}$  و  $EC = 60$  . أحسب :  $AB$



تمرين ⑦ :

$ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $A$  بحيث :  $BC = 15 \text{ cm}$  و  $\sin \hat{A}BC = \frac{3}{5}$

(1) - أحسب :  $\cos \hat{A}BC$  و  $\tan \hat{A}BC$

(2) - أحسب :  $AB$  ثم  $AC$

تمرين ⑧ :

أحسب ما يلي :

$$A = 2 \cos 15^\circ + \cos^2 36^\circ - 2 \sin 75^\circ + \cos^2 54^\circ$$

$$B = \cos^2 28^\circ - \sin^2 51^\circ + \cos^2 62^\circ + \cos^2 39^\circ$$

$$C = \tan 73^\circ \times \tan 17^\circ - \sin^2 40^\circ - \sin^2 50^\circ$$