

# المدرسة: الترتيب والعمليات

## التأطير

تأطير المجموع  
 $a \leq x \leq b$  يعني  $\begin{cases} a \leq x \\ x \leq b \end{cases}$   
 $a+c \leq x+y \leq b+d$

تأطير المقابل  
 $a \leq x \leq b$  يعني  $-b \leq -x \leq -a$

تأطير الفرق  
 $a \leq x \leq b$  يعني  $\begin{cases} a-d \leq x-y \leq b-c \\ c \leq y \leq d \end{cases}$   
 لدينا  $a-b = a+(-b)$  أي تأطير فرق تأطير  
 أمثلة ب- ثم نطبق خاصية المجموع.

تأطير جد  
 نعتبر جميع الأعداد موجبة  
 $a \leq x \leq b$  يعني  $\begin{cases} a \leq x \\ x \leq b \end{cases}$   
 $a \leq x \leq b$  يعني أن  $\begin{cases} a \leq x \\ x \leq b \end{cases}$   
 $a \leq x \leq b$  يعني أن  $\begin{cases} a \leq x \\ x \leq b \end{cases}$   
 يجب أن تكون جميع الأعداد موجبة. إذا كان الأعداد  
 الموجبة سالبة، تأطير المقابل لنصبح موجبة

تأطير مقلوب  
 $a \leq x \leq b$  يعني أن  $\frac{1}{b} \leq \frac{1}{x} \leq \frac{1}{a}$

تأطير خارج  
 نعتبر جميع الأعداد موجبة  
 $a \leq x \leq b$  يعني أن  $\begin{cases} a \leq x \\ x \leq b \end{cases}$   
 $\frac{a}{d} \leq \frac{x}{y} \leq \frac{b}{c}$  إذا  $\begin{cases} a \leq x \\ x \leq b \end{cases}$   
 لدينا  $\frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$  تأطير  $\frac{a}{b}$  تأطير  $\frac{1}{b}$  ثم نطبق  
 قاعدة الحد

## الترتيب والعمليات

الترتيب والجمع  
 خاصية 1  
 $a < b$  يعني  $a+c < b+c$   
 $a < b$  يعني  $a+c < b+c$   
 خاصية 2  
 $a < b$  يعني  $\begin{cases} a < b \\ c < d \end{cases}$   
 $a+c < b+d$

الترتيب والضرب  
 خاصية 3  
 $a < b$  و  $k > 0$  يعني  $axk < bxk$   
 $a < b$  و  $k < 0$  يعني  $axk > bxk$   
 الضرب في عدد موجب لا يغير الرمز، بينما الضرب  
 في عدد سالب يغير الرمز

خاصية 4  
 $a, b, c, d$  أعداد موجبة  
 $a < b$  يعني أن  $\begin{cases} a < b \\ c < d \end{cases}$   
 $axc < bxd$

أمثلة  
 مثال 1 لنظروا  $\sqrt{7}$  و  $2\sqrt{2}$   
 $\sqrt{7}^2 = 7$  لدينا  $(2\sqrt{2})^2 = 8$   
 $\sqrt{7} < 2\sqrt{2}$  يعني أن  
 مثال 2 لنظروا  $-3\sqrt{2}$  و  $-2\sqrt{5}$   
 $(-3\sqrt{2})^2 = 18$  لدينا  $(-2\sqrt{5})^2 = 20$   
 $(-3\sqrt{2})^2 < (-2\sqrt{5})^2$  يعني أن  $-3\sqrt{2} > -2\sqrt{5}$   
 لأن العددين  $-3\sqrt{2}$  و  $-2\sqrt{5}$  سالبان

## مقارنة عددين حقيقيين

قاعدة  
 $a \leq b$  إذا كان  $a-b \leq 0$  فإن  $a \leq b$   
 $a > b$  إذا كان  $a-b > 0$  فإن  $a > b$   
 أي لمقارنة عددين حقيقيين، نحدد إشارة فرقتهما

مثال:  $a = \frac{4}{35}$   $b = \frac{2}{15}$   
 $a-b = \frac{4}{35} - \frac{2}{15} = \frac{12-14}{105} = \frac{-2}{105}$   
 بما أن  $\frac{-2}{105} < 0$  فإن  $a-b < 0$  يعني  $a < b$   
 وبالتالي  $a < b$

## الترتيب والمقلوب

خاصية 5  
 $a$  و  $b$  موجبان  
 $a < b$  يعني أن  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$  المقلوب يغير  
 الرمز

## الترتيب والمربع والجذر المربع

خاصية 6  
 $a$  و  $b$  موجبان  
 $a < b$  يعني أن  $a^2 < b^2$   
 $a < b$  يعني أن  $\sqrt{a} < \sqrt{b}$

أمثلة  
 $2 \leq x \leq 3$   $-4 \leq y \leq -3$   $2 \leq x \leq 3$   
 $2 \times \frac{1}{4} \leq x \times \frac{1}{4} \leq 3 \times \frac{1}{4}$   $-\frac{4}{3} \leq \frac{y}{3} \leq -\frac{3}{3}$   $2 \leq x \leq 3$   
 $\frac{1}{2} \leq -\frac{x}{2} \leq 1$   $-\frac{1}{3} \leq \frac{1}{y} \leq -\frac{1}{4}$   $-4 \leq y \leq -3$   
 $-1 \leq \frac{x}{2} \leq \frac{1}{2}$   $\frac{1}{4} \leq -\frac{1}{y} \leq \frac{1}{3}$   $-4 \leq y \leq -3$   
 $2 \leq x \leq 3$   $3 \leq -y \leq 4$   $2 \leq x \leq 3$   
 $6 \leq x(-y) \leq 12$   $2+3 \leq x(-y) \leq 3+4$   $2+(-4) \leq x+y \leq 3+(-3)$   
 $-12 \leq xy \leq 6$   $5 \leq x-y \leq 7$   $-2 \leq x+y \leq 0$