نصائـــــــح هـــــــــامة جـــــدا

- **لا تتحدث أبدا عن الآخرين بحديث سوء**
- **لا تتحدث أبدا عن نفسك بحديث سوء**
- **راقب نفسك واحفض لسانك، اختزل من قاموسك الكلمات السلبية و وظف عوضها الكلمات اللطيفة المهذبة**
- **إن لوقع الكلمات قوة سحرية في تغيير المواقف المتشددة و في فتح القلوب الموصدة و في تليين الطبائع الغليظة.**
- **فكر طويلا لما تقوله للآخر وزن الكلمات التي تود أن تقولها بميزن الذهن.**

حـــــــــــــــــل تمـاريـــــن الـزوايـا المحيطيـة و الـزوايـا المركـزيـــــة

<u>حل التمرين الأول:</u>

1- لدينا المثلث (ABC) متساوي الأضلاع

و بالتالي $A\hat{B}C = A\hat{C}B = B\hat{A}C = \frac{180°}{3} = 60°$

لدينا الزاوية $A\hat{B}E$ زاوية محيطية تحصر القوس EA

و كذلك الزاوية $E\hat{A}C$ تحصر القوس EA

إذن: $A\hat{B}E = E\hat{C}A$ و من جهة آخرى $E\hat{C}A = \frac{1}{2}B\hat{C}A$

لأن EC هو المنصف الزاوية الداخلية $B\hat{C}A$ و بالتالي:

$$A\hat{B}E = E\hat{C}A = \frac{1}{2}B\hat{C}A = 30°$$

استنتاج : $E\hat{B}C = E\hat{B}A + A\hat{B}C = 30° + 60° = 90°$

2- لدينا المثلث C B'C هو قائم الزاوية لأن $E\hat{B}C = 90°$ حسب السؤال (1)

و لدينا مجموع زوايا مثلث هو 180° إذن :

$$B\hat{C}'C + C'\hat{C}B + C\hat{B}C' = 180°$$

إذن: $B\hat{C}'C = 180° - C'\hat{C}B - C\hat{B}C'$

$= 180° - 60° - 90°$

$= 30°$

الآن نعتبر الثلث A C'B لدينا $A\hat{B}C' = A\hat{B}E = 30°$ من خلال السؤال (1)

و برهنا أن : $B\hat{C}'C = 30°$

و بالتالي المثلث (A B C') متساوي الساقين رأسه A

بمعنى أن $AC' = AB$

و لدينا ABC متساوي الأضلاع إذن $AC' = AB = AC$

حل التمرين الثاني:

1- $B\hat{D}C$ زاوية محيطية نفس القوس $\overline{BC}$ الذي تحصره الزاوية BÂC

و بالتالي $B\hat{D}C = BÂC = 40°$

$B\hat{o}C = 2\,BÂC = 80°$ لأنها مركزية

2- للبرهنة على علاقة ما،، يجب تحليلها جيدا :

ما يوجد داخل هذا الإطار يكتب فقط في ورقة البحث

إذن يجب أن نبين أن $BC = 2\,r \sin 40°$

أو $\sin 40° = \frac{BC}{2\,r}$

أو **(1)** $\sin 40° = \frac{BC}{DC}$

الآن يمكننا إذن البحث عن مثلث قائم الزاوية ضلعاه BC و DC

و البحث عن زاوية قياسها $40°$ لتطبيق العلاقة المثلثية :

المثلث واضح هو BCD لأن الضلعان يوجدان في العلاقة (1)

و الزاوية القائمة هي $D\hat{B}C$ و ذلك لأن DC هو قطر الدائرة

و بالتالي تكون أي نقطة على الدائرة زاوية قائمة مع هذا الوتر DC

لاحظ أن DÂC هي زاوية قائمة كذلك

إذن في المثلث BDC لدينا :

$$\sin B\hat{D}C = \frac{BC}{DC}$$

حسب السؤال (1) لدينا $B\hat{D}C = 40°$

$$\sin 40° = \frac{BC}{2\,r}$$

يعني $\boxed{BC = 2\,r \times \sin 40°}$

حل التمرين الثالث:

1- $A\hat{B}E$ و $A\hat{C}E$ زاويتان محيطيتان تحصران نفس القوس EA إذن متقايستان

و بما أن EC منصف الزاوية $A\hat{C}B$ فإن

إذن $A\hat{B}E = A\hat{C}E = E\hat{C}B$

لدينا $A\hat{C}F$ و $A\hat{B}F$ زاويتان محيطيتان تحصران نفس القوس AF

إذن $A\hat{C}F = A\hat{B}F = F\hat{B}C$

-2

$E\hat{B}F = E\hat{B}A + A\hat{B}F$

$= B\hat{C}E + A\hat{B}F$ <== (1) حسب السؤال

$= \frac{1}{2}B\hat{C}A + \frac{1}{2}A\hat{B}C$

$= \frac{1}{2}(B\hat{C}A + A\hat{B}C)$

في المثلث ABC لدينا $A\hat{B}C + B\hat{C}A + B\hat{A}C = 180°$

و من خلال المعطيات لدينا $B\hat{A}C = 60°$ إذن

$A\hat{B}C + B\hat{C}A = 180° - 60° = 120°$

و بالتالي $E\hat{B}F = \frac{1}{2}(A\hat{B}C + B\hat{C}A)$

$= \frac{1}{2} \times 120$

$= 60°$

استنتاج : لدينا الزاويتان $B\hat{A}C$ و $B\hat{F}C$ تحصران نفس القوس BC إذن

$B\hat{F}C = B\hat{A}C = 60°$

و بالتالي $\boxed{B\hat{F}C = E\hat{B}F}$

3- لدينا (BE) و(CF) يحددان مع المستقيم (BF) زاويتين داخليا هما $B\hat{F}C$ و $E\hat{B}F$ اللتان هما متقايستان و بالتالي يمكن القول أن (BE) يوازي (CF)

<u>حل التمرين الرابع:</u>

1- الزاويتان المحيطيتان $A\hat{D}B$ و $A\hat{C}B$ تحصران نفس القوس BA وبالتالي هما متقايستان

إذن $A\hat{D}B = A\hat{C}B = 14°$

* $T\hat{A}B$ هي زاوية محيطية تحصر نفس القوس BA و بالتالي $T\hat{A}B = 34°$

*حذار $S\hat{A}B$ لا تحصر نفس القوس BA

حساب $S\hat{A}B$: لدينا $S\hat{A}B$ و $T\hat{A}B$ زاويتان متكاملتان و بالتالي :

$S\hat{A}B + B\hat{A}T = 180°$

إذن $S\hat{A}B = 180° - B\hat{A}T$

$= 180° - 34°$

$= 146°$

2- أسئلة التوازي يمكن البرهنة عليها مرارا كما في التمرين السابق باختيار زاويتين متبادلتين داخليا هكذا للبرهنة أن (AC)//(BD) نبرهن أن :