

# الدرس (5) = دبرهنة فيثاغورس

## ب - ملاحظة:

ABC مثلث قائم الزاوية في A :  $BC^2 = AB^2 + AC^2$

$$\begin{cases} AB^2 = BC^2 - AC^2 \\ AC^2 = BC^2 - AB^2 \end{cases} \text{ أو } \begin{cases} AB^2 = BC^2 - AC^2 \\ AC^2 = BC^2 - AB^2 \end{cases}$$

تستعمل دبرهنة فيثاغورس (مباشرة لحساب الأطوال)

## ج - مثال:

EFG مثلث قائم الزاوية في E حيث:

EF = 5 و EG = 3

لنينا EFG مثلث قائم الزاوية في E إذا حسب

دبرهنة فيثاغورس المباشرة نأه:

$$\begin{aligned} FG^2 &= EF^2 + EG^2 \\ &= 5^2 + 3^2 \\ &= 25 + 9 \\ FG^2 &= 34 \end{aligned}$$

$$FG = \sqrt{34}$$

## (3) تجريباً طبيعي:

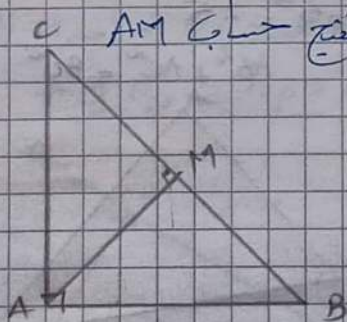
ABC مثلث قائم الزاوية في A، وقام الزاوية في B

حيث AB = 4 cm، نكن M منتصف BC

(1) أنشئ الشكل

(2) احس BC

(3) استنتج حساب AM



الحل:

(1) الشكل

(2) لنينا AOC مثلث قائم الزاوية في A

إذا حسب دبرهنة فيثاغورس المباشرة نأه:

$$\begin{aligned} BC^2 &= AB^2 + AC^2 \\ &= 4^2 + 4^2 \\ &= 16 + 16 \\ BC^2 &= 32 \end{aligned}$$

أو آة:  $BC = \sqrt{32} = \sqrt{16 \times 2} = 4\sqrt{2}$

## I - دبرهنة فيثاغورس المباشرة:

### (1) نشاط:

ABC مثلث قائم في A :  $BC = 5 \text{ cm}$ ,  $AC = 4 \text{ cm}$ ,  $AB = 3 \text{ cm}$

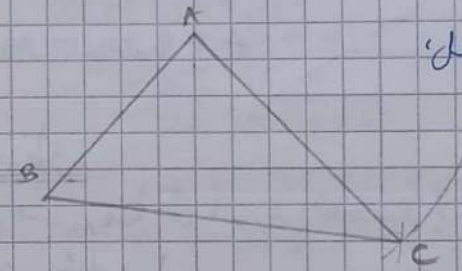
(1) أنشئ المثلث ABC

ب - ملاحظة على طبيعة المثلث ABC:

(2) بين أن:  $BC^2 = AB^2 + AC^2$

جواب:

(1) أ - الشكل



ب - باستعمال العنصر، نجد أن المثلث ABC قائم

الزاوية في A (نقطة A)

(2) لنينا:  $AB^2 + AC^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25$

$BC^2 = 5^2 = 25$

إذاً،  $BC^2 = AB^2 + AC^2$

## (2) دبرهنة فيثاغورس المباشرة:

### أ - خامسة (1)

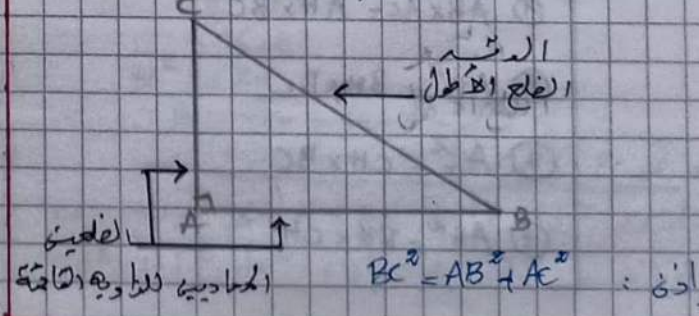
إذا كان مثلث قائم الزاوية في A، فمربع وتره يساوي مجموع مربعي ضلعي الزاوية القائمة.

أي إذا كان ABC مثلث قائم الزاوية في A، فإن:

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

### الشكل المصنوع:

ABC مثلث قائم الزاوية في A



2) مبرهنة فيثاغورس العكسية

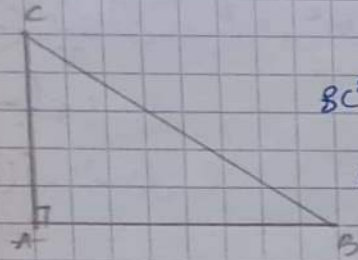
أ- خاصية 1:

في مثلث، إذا كان مربع أطول ضلع يساوي مجموع مربعي الضلعين الآخرين، فإن هذا المثلث قائم الزاوية في الرأس المقابل لهذا الضلع. وإذا كتبنا رياضياً في مثلث، إذا كان  $BC^2 = AB^2 + AC^2$  فإن  $ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $A$ .

\* الشكل العكسي:

$BC^2 = AB^2 + AC^2$  مثلث  $ABC$

إذن  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$



\* ملاحظة:

تستعمل مبرهنة فيثاغورس العكسية لإثبات العكس.

ب- مثال:

$EFG$  مثلث قائم الزاوية في  $F$  بحيث  $EF = 10$  و  $FG = 8$  و  $EG = 6$

لنبين أن  $EFG$  قائم الزاوية في  $F$

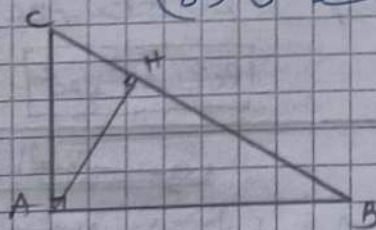
لدينا:  $EG^2 = 6^2 = 36$   
 $FG^2 = 8^2 = 64$   
 $EF^2 = 10^2 = 100$   
 إذن حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية فإن  $EG^2 + FG^2 = EF^2$

إذن حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية فإن  $EFG$

مثلث قائم الزاوية في  $F$

\* مفترضة الطولية: (العلاقة المتبادلة بين جميع العناصر)

لدينا  $ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $A$ ،  $H$  المسقط العمودي النقطي على  $(BC)$



- ①  $AB \times AC = AH \times BC$
- ②  $AB^2 = BH \times BC$
- ③  $AC^2 = CH \times BC$
- ④  $AH^2 = BH \times CH$

3) لدينا  $ABC$  مثلث متساوي الساقين  $AB = AC$

ولدينا  $M$  منتصف  $(BC)$

إذن  $(AM) \perp (BC)$  أي أن  $AM$  عمود على  $BC$

وهذا يعني أن المثلث  $AMB$  قائم الزاوية في  $M$

$BM = \frac{BC}{2} = \frac{4\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}$

لدينا  $AMB$  مثلث قائم الزاوية في  $M$  إذن حسب

مبرهنة فيثاغورس المباشرة فإن:

$AB^2 = AM^2 + MB^2$

$4^2 = AM^2 + (2\sqrt{2})^2$

$16 = AM^2 + 8$

$AM^2 = 16 - 8 = 8$

$AM = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$

1- مبرهنة فيثاغورس العكسية:

1) نشاط 1

$ABC$  مثلث بحيث:  $AB = 3\text{cm}$  و  $AC = 4\text{cm}$  و  $BC = 5\text{cm}$

1) هل  $ABC$  قائم الزاوية؟

2) أثنى المثلث  $ABC$

3) ما طبيعة المثلث  $ABC$ ؟ رتبهم بأداة مقبولة مناسبة

4) ما هو الزاوية التي تقابلها  $BC$ ؟

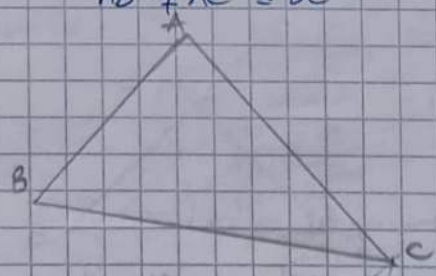
الحل:

1) لدينا:  $AB^2 + AC^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25$

$BC^2 = 5^2 = 25$

إذن:  $AB^2 + AC^2 = BC^2$

2)



3) باستعمال العكس، نجد أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية

في  $A$

4) وسنرى أنه إذا كان  $ABC$  مثلث بحيث

$BC^2 = AB^2 + AC^2$  فإن  $ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $A$ .